

Arbeitsheft:
Lineare Funktionen
FOS/BOS

Autor: Hügel Rudolf

Hügel-Schule



Inhaltsverzeichnis

01 Wertetabellen und Graphen	3
02 Direkt Proportionale Größen.....	10
03 Der Funktionsbegriff.....	14
04 Die allgemeine Geradengleichung: Einführung.....	17
05 Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt und das Zeichnen von Geraden	21
06 Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen: Einführung.....	31
07 Geradengleichungen bestimmen	37
08 Schnittpunkte zweier Geraden.....	47
09 Lineare Ungleichungen lösen	56

01 Wertetabellen und Graphen: Einführung

Wertetabellen und Graphen



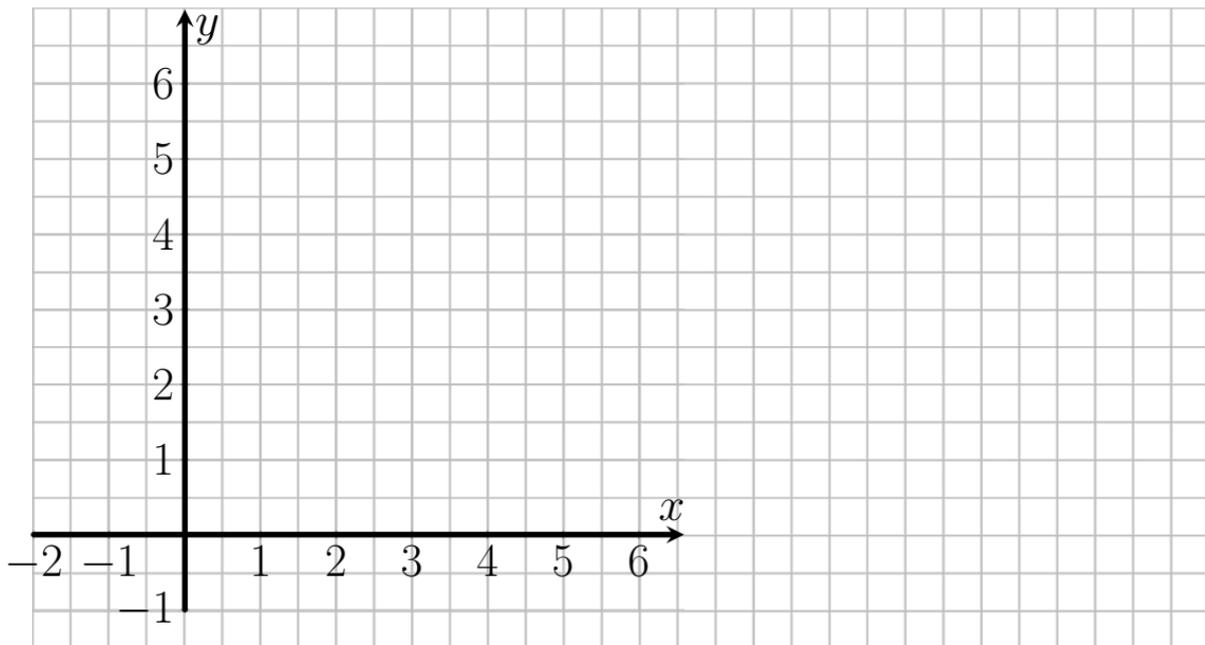
1. [Klicke hier oder scanne den QR-Code, um das zugehörige Video anzusehen.](#)

2. Gegeben ist die Gleichung $y = -0,5x + 3$.

a) Vervollständige die folgende Wertetabelle, in der die y-Werte noch jeweils bestimmt werden müssen.

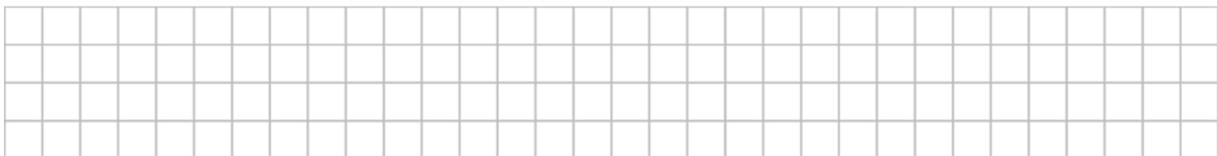
x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

b) Übertrage die Werte aus der Tabelle in ein entsprechendes x-y-Koordinatensystem.



c) Verbinde die Punkte aus b) mit Hilfe einer Geraden.

d) Zeichne farbig den Punkt P an der Stelle $x = 1,5$ ein. Gib die Koordinaten des Punktes an.



01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

Aufgabe 1: Gegeben sind die folgenden Gleichungen unter der Grundmenge \mathbb{Q} .

a) $y = -0,5x + 3$	b) $y = \frac{1}{4}x + 4$	c) $y = \frac{1}{3}x + 1$	d) $y = \frac{1}{2}x - 0,5$
e) $y = -x - 1$	f) $y = \frac{1}{2}x + 2$	g) $y = -\frac{1}{3}x + 4$	h) $y = -x + 5$
i) $y = \frac{1}{2}x$	j) $y = \frac{1}{6}x - 1$	k) $y = -\frac{1}{8}x + 2,5$	l) $y + 2x = 3$

- 1) Erstelle eine Wertetabelle für die ganzzahligen x-Werte von -2 bis 5.
- 2) Zeichne die Wertepaare jeweils in ein Koordinatensystem und verbinde die Punkte mit Hilfe einer Geraden. (Hinweis: Du kannst unten in jedes Koordinatensystem jeweils drei Geraden zeichnen)
- 3) Lese die Koordinaten des Punktes $P_{1,5}$ für $x = 1,5$ vom Graphen ab.

a) $y = -0,5x + 3$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

b) $y = \frac{1}{4}x + 4$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

c) $y = \frac{1}{3}x + 1$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

d) $y = \frac{1}{2}x - 0,5$

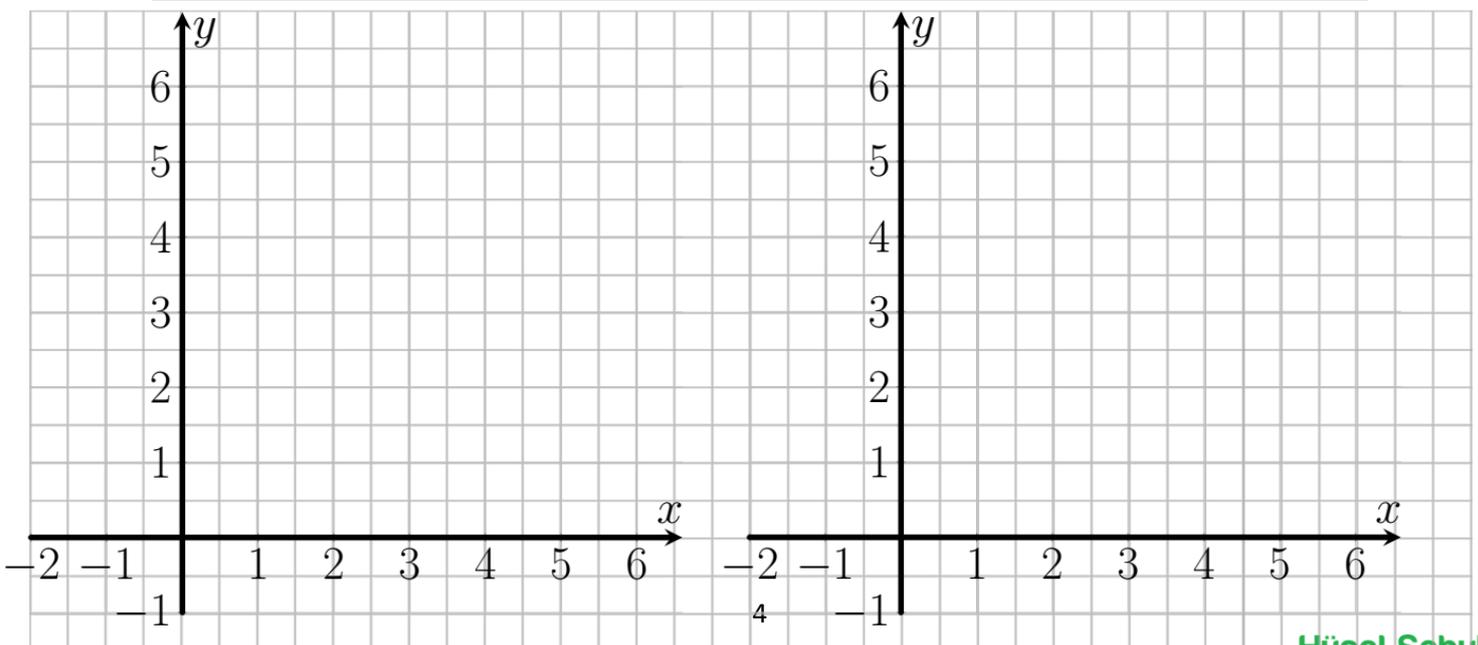
$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

e) $y = -x - 1$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								



01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

f) $y = \frac{1}{2}x + 2$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

g) $y = -\frac{1}{3}x + 4$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

h) $y = -x + 5$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

i) $y = \frac{1}{2}x$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

j) $y = \frac{1}{6}x - 1$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

k) $y = -\frac{1}{8}x + 2,5$

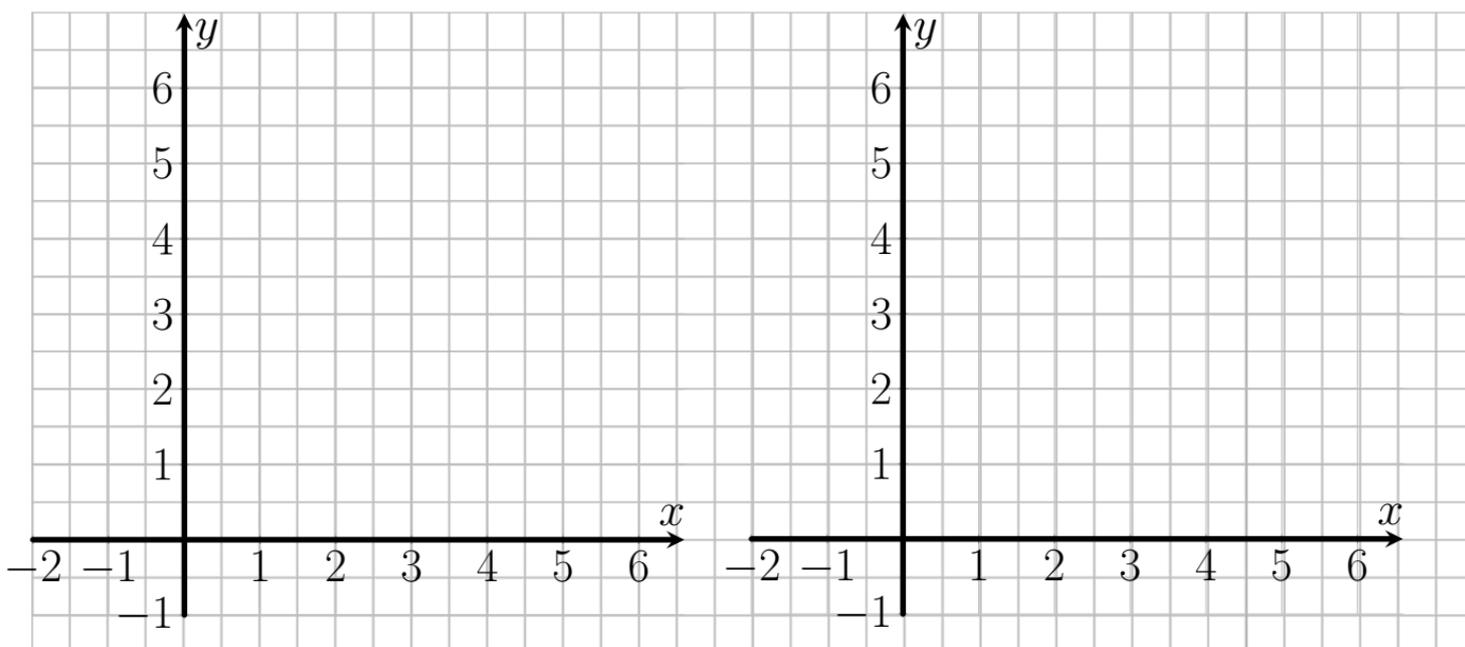
$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								

l) $y + 2x = 3$

$P_{1,5}(\quad | \quad)$

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y								



01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

Aufgabe 2: Im Folgenden ist eine Wertetabelle gegeben, die zu einer linearen Gleichung zugehörig ist. Entscheide jeweils, ob die folgenden Behauptungen richtig sind. Begründe und gib gegebenenfalls die korrekte Lösung an.

x	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y	3	2,5	2	1,5	1	0,5	0	-0,5

a) Das dritte Wertepaar in der Tabelle kann dem Punkt $A(2|0)$ im x - y -Koordinatensystem zugeordnet werden.

b) Die Wertepaare erfüllen alle die Gleichung $y + 0,5x = 2$.

c) Die entsprechenden Punkte im Koordinatensystem liegen alle auf einer Geraden.

d) Der zugehörige Punkt $B(4|0)$ aus der Wertetabelle liegt auf der y -Achse.

e) Die zugehörige Gerade geht durch den Ursprung.

01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

Aufgabe 3: Gegeben sind die folgenden Gleichungen unter der Grundmenge \mathbb{Q} .

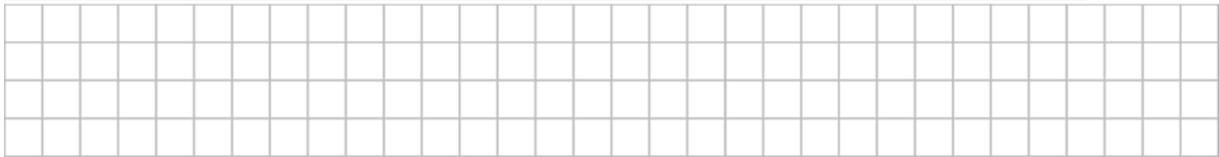
a)	$-y + 3 = \frac{1}{2}x$	b)	$3x + y = 2x$	c)	$y + x = -\frac{1}{8}x + 1$	d)	$y - 1 = -x - y$
e)	$-2y - 1 = \frac{1}{2}x$	f)	$3y + x = 2y$	g)	$-\frac{1}{2}y - 1 = -\frac{1}{4}x$	h)	$-\frac{1}{3}x = \frac{1}{3}y - \frac{1}{3}$

- 1) Erstelle eine Wertetabelle für die ganzzahligen x-Werte von -3 bis 3.
(Tipp: Es muss zunächst nach y aufgelöst werden.)
- 2) Zeichne die Wertepaare in ein Koordinatensystem und verbinde die Punkte mit Hilfe einer Geraden.
- 3) Lese die Koordinaten des Punktes ab, der auf der y-Achse liegt.
- 4) Lese die Koordinaten des Punktes ab, der auf der x-Achse liegt.

a) $-y + 3 = \frac{1}{2}x$

$S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

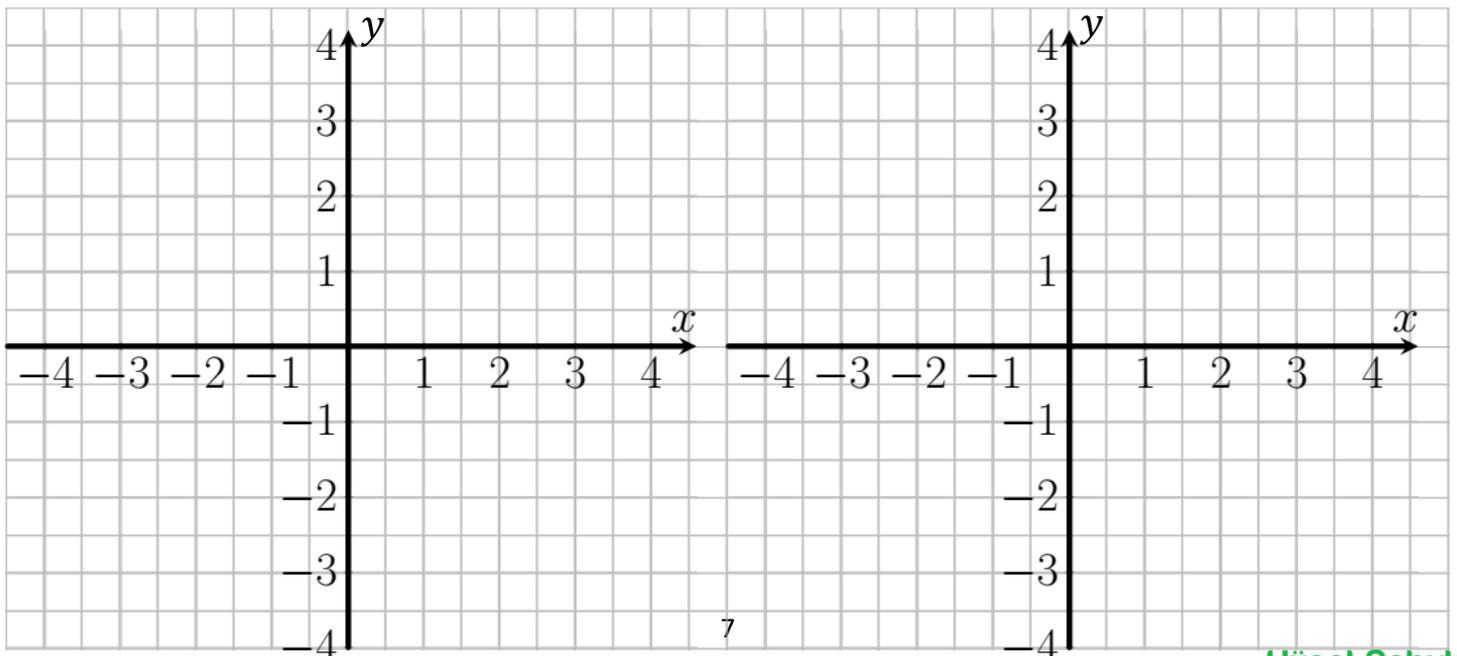
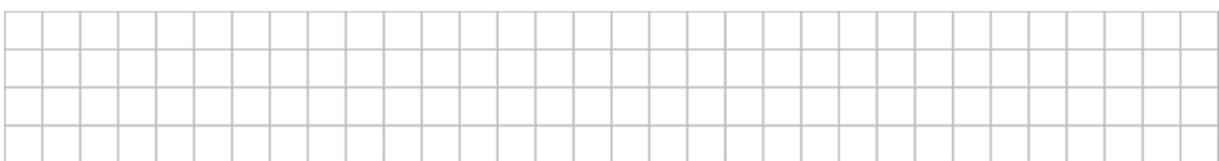
x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



b) $3x + y = 2x - 1$

$S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

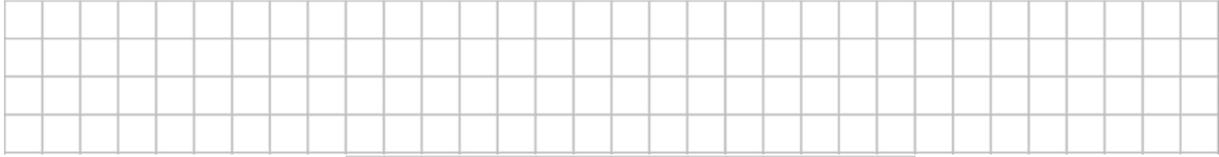
x	-3	-2	-1	0	1	2	3	
y								



01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

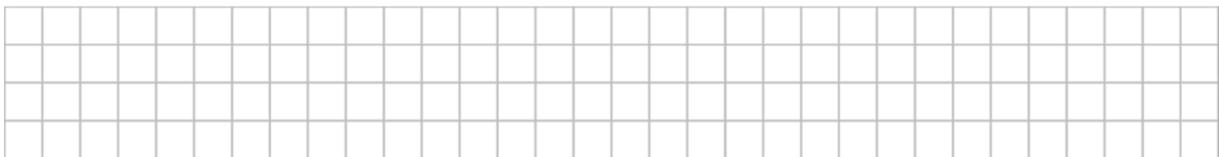
c) $y + x = -\frac{1}{8}x + 1$ $S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



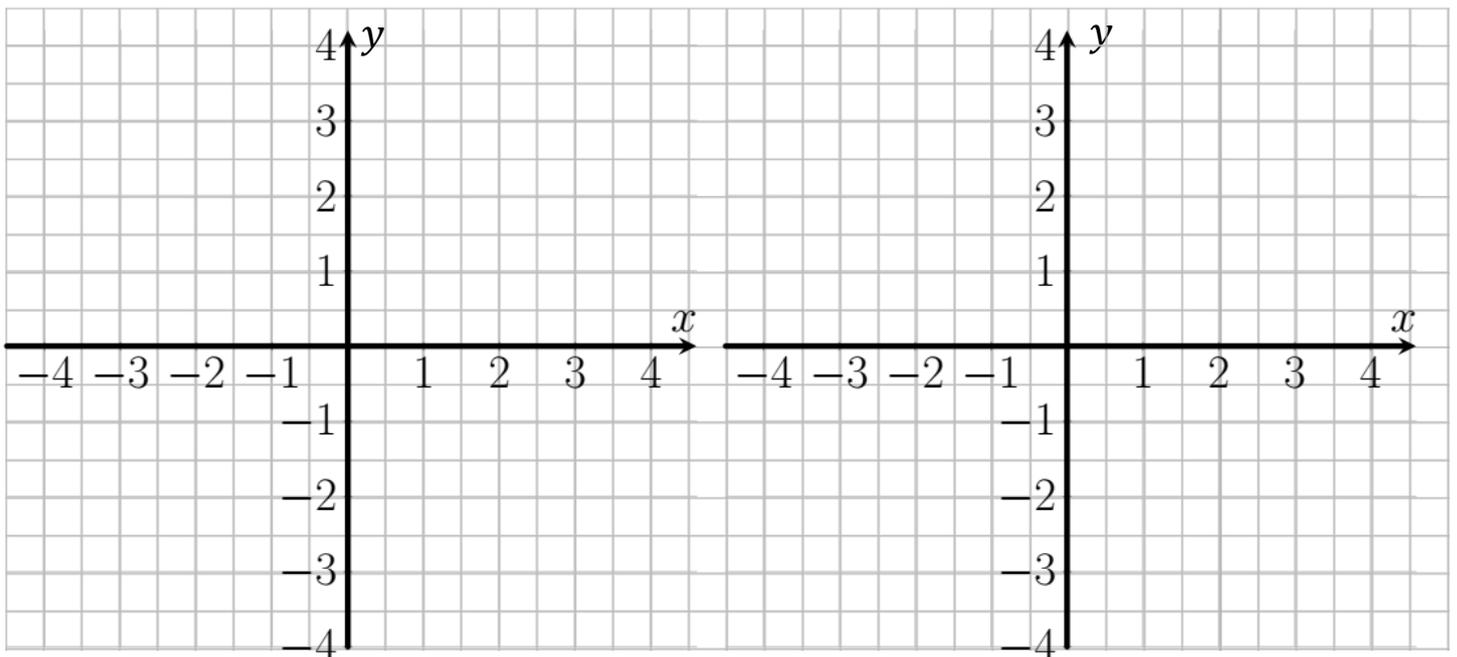
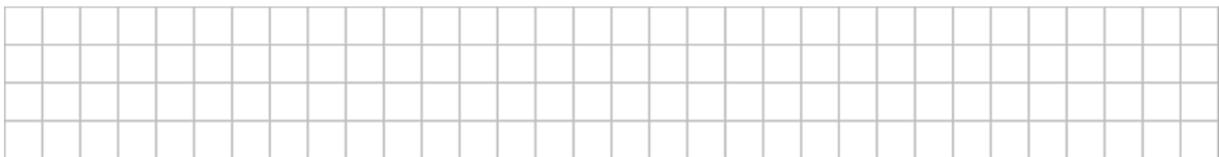
d) $y - 1 = -x - y$ $S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



e) $-2y - 1 = \frac{1}{2}x$ $S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							

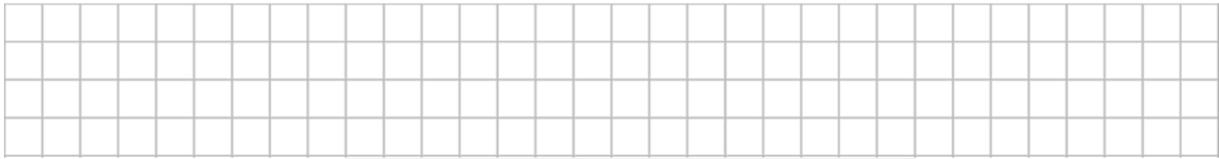


01 Wertetabellen und Graphen: Übungsaufgaben

f) $3y + x = 2y$

$S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

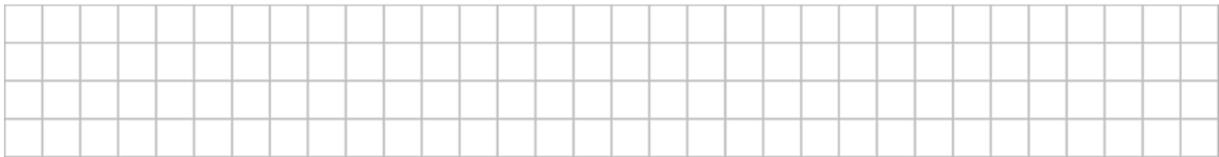
x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



g) $-\frac{1}{2}y - 1 = -\frac{1}{4}x$

$S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

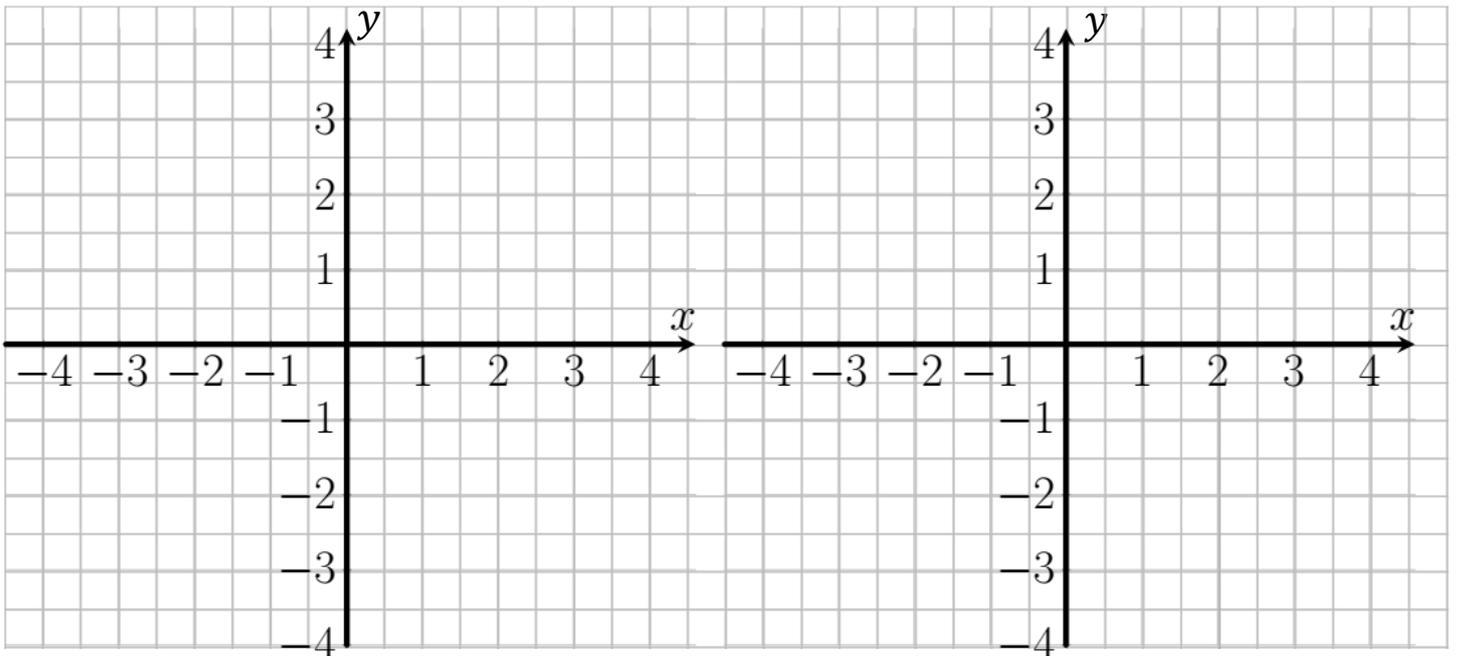
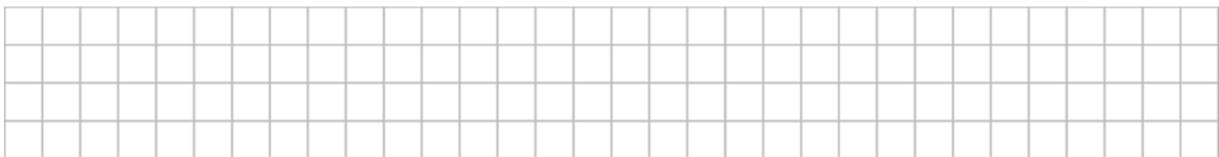
x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



h) $-\frac{1}{3}x = \frac{1}{3}y - \frac{1}{3}$

$S_y(\quad | \quad)$ $S_x(\quad | \quad)$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y							



02 Direkt proportionale Größen: Übungsaufgaben

Direkt Proportionale Größen



1. [Klicke hier oder scanne den QR-Code, um das zugehörige Video anzusehen.](#)

2. Karl Friedrich achtet sehr auf seine Gesundheit und trinkt täglich 3 Liter Wasser. Trage die entsprechende Anzahl an getrunkenem Wasser in Litern in die Tabelle unten ein.

3. Fülle nun die dritte Zeile der Tabelle aus, indem du das jeweils verbrauchte Wasser durch die Anzahl an Tagen teilst.

vergangene Tage x								
getrunkenes Wasser in Litern y								
<u>verbraucht</u>es Wasser Anzahl an Tagen								

4. Gib eine Gleichung an, die den Zusammenhang zwischen der Größe x (vergangene Tage) und y (getrunkenes Wasser in Litern insgesamt) angibt.

--

5. Vervollständige die folgende Wertetabelle der Größen x und y, die eine proportionale Zuordnung beschreiben.

x	2		6	10
y		12	24	
$\frac{y}{x}$				

6. Vervollständige den folgenden **Merksatz**.

Wird durch eine bei (0,0) beginnende Zuordnung ein

--

beschrieben, dann spricht man von einem

--

(Hinweis: Der Merksatz taucht auch im Video auf.)

Aufgabe 1: Gib jeweils an, ob es sich im Folgenden um proportionale Zuordnungen handelt oder nicht.

a) Menge an Eiskugeln und der zugehörige Preis.

--

05 Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt: Einführung

Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt und das Zeichnen von Geraden

Wir betrachten im Folgenden die Funktion f mit $f(x) = 1,5x + 1,6$ und maximalem Definitionsbereich.

a) Fülle die folgende Wertetabelle zur Funktion f aus.

zu d) und e): $\Delta x = 1$ $\Delta x = 1$ $\Delta x = 4$

x	0	1	2	3	4	5	6
y							

zu d) und e): $\Delta y = ?$ $\Delta y = ?$ $\Delta y = ?$

b) Mit G_f wird der Graph der Funktion f beschrieben. Zeichne G_f in das nebenstehende Koordinatensystem ein.

Hilfe dazu gibt es hier:



c) Gib den Wert des y-Achsenabschnitts t an und markiere die Stelle auf der y-Achse, die von G_f geschnitten wird.

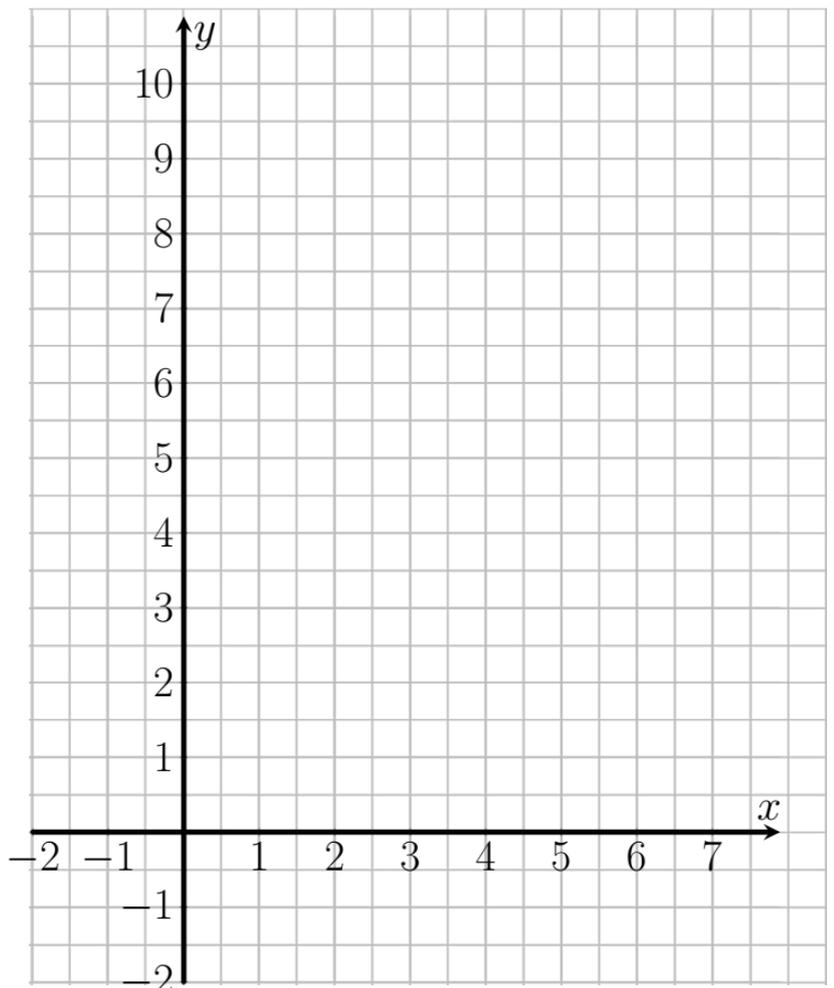
$t =$

d) Gib an, um wie viel sich der y-Wert ändert, wenn sich der x-Wert, um genau +1 ändert.

Für $\Delta x = 1$ folgt $\Delta y =$

e) Die Steigung kann allgemein durch die Formel $m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$ angegeben werden. Ergänze die folgenden Ausdrücke und **zeichne Δx , Δy und damit das entsprechende Steigungsdreieck** in das nebenstehende Koordinatensystem ein.

$$m = \frac{\begin{matrix} \square & \square \\ \square & \square \end{matrix}}{4} = \begin{matrix} \square & \square \\ \square & \square \end{matrix} \rightarrow \Delta x = \begin{matrix} \square & \square \\ \square & \square \end{matrix}; \Delta y = \begin{matrix} \square & \square \\ \square & \square \end{matrix};$$

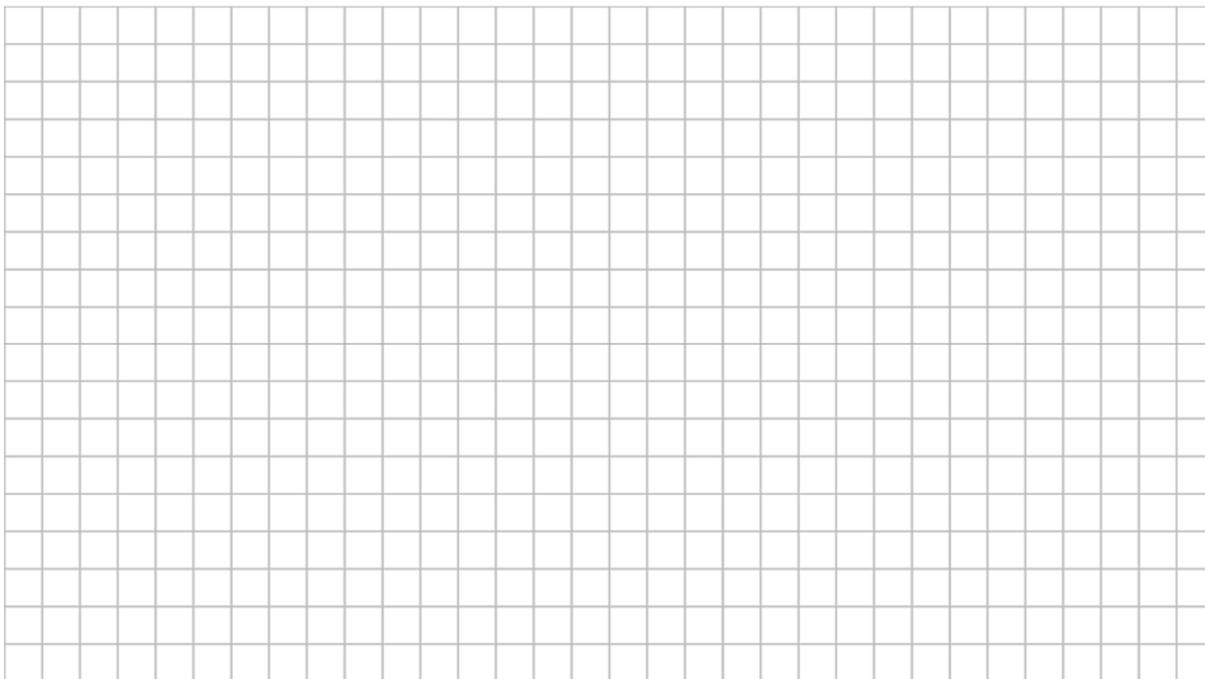


05 Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt: Übungsaufgaben

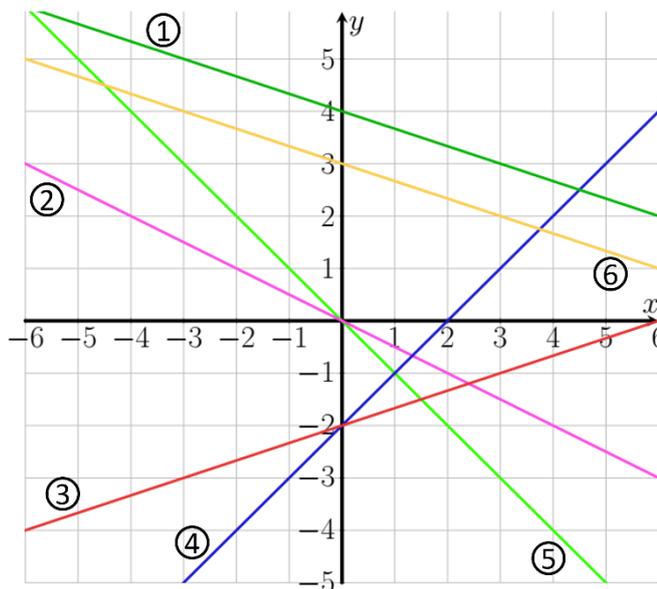
Aufgabe 1: Gegeben sind die acht Funktionen $f_1 - f_8$ mit den folgenden Funktionsgleichungen und maximalem Definitionsbereich $\mathbb{D}_{f,max}$.

$f_1(x) = -x$	$f_2(x) = -\frac{1}{2}x + 3$	$f_3(x) = -3x + 1$	$f_4(x) = x - 2$
$f_5(x) = -\frac{1}{2}x$	$f_6(x) = -\frac{1}{3}x + 4$	$f_7(x) = \frac{1}{3}x - 2$	$f_8(x) = -\frac{1}{3}x + 3$

a) Gib jeweils die Steigung und den y-Achsenabschnitt an.



b) Ordne den folgenden sechs Graphen die zugehörigen Funktionsgleichungen aus der Aufgabe zu.

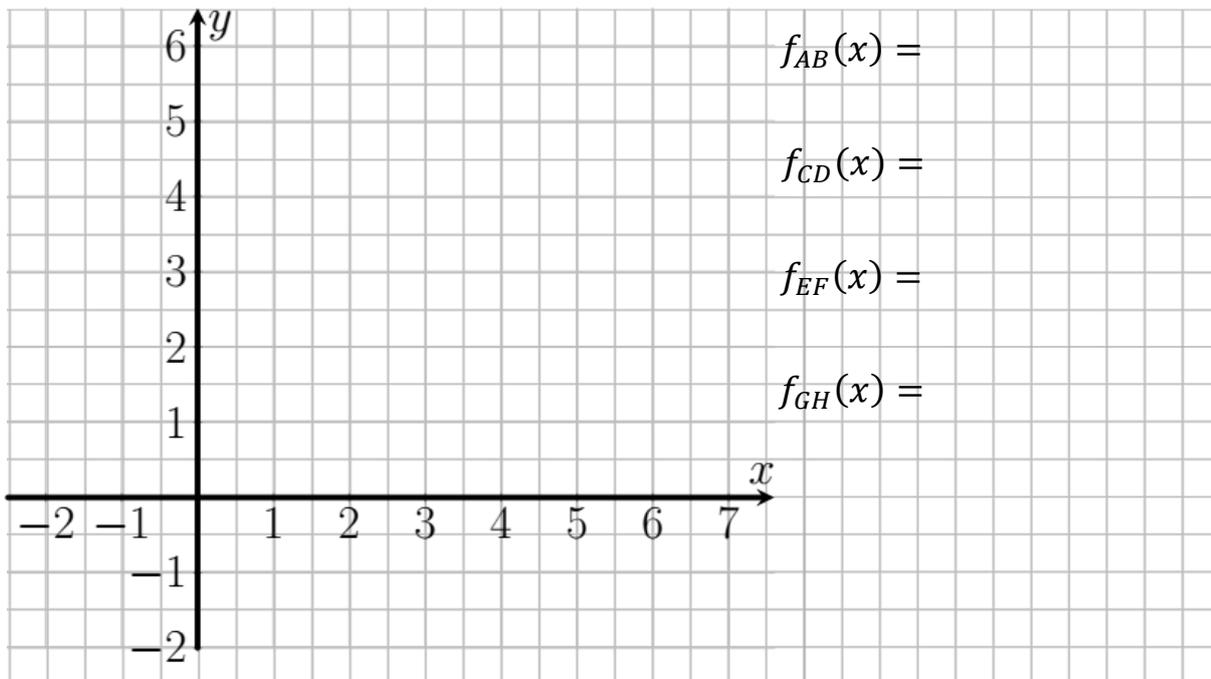


05 Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt: Übungsaufgaben

Aufgabe 3: Gegeben sind im Folgenden jeweils zwei Punkte, die auf einer Gerade liegen.

a) $A(2 1), B(3 2)$	b) $C(1 1), D(3 1)$	c) $E(1 3), F(2 1)$	d) $G(2 4), H(3 6)$
---------------------	---------------------	---------------------	---------------------

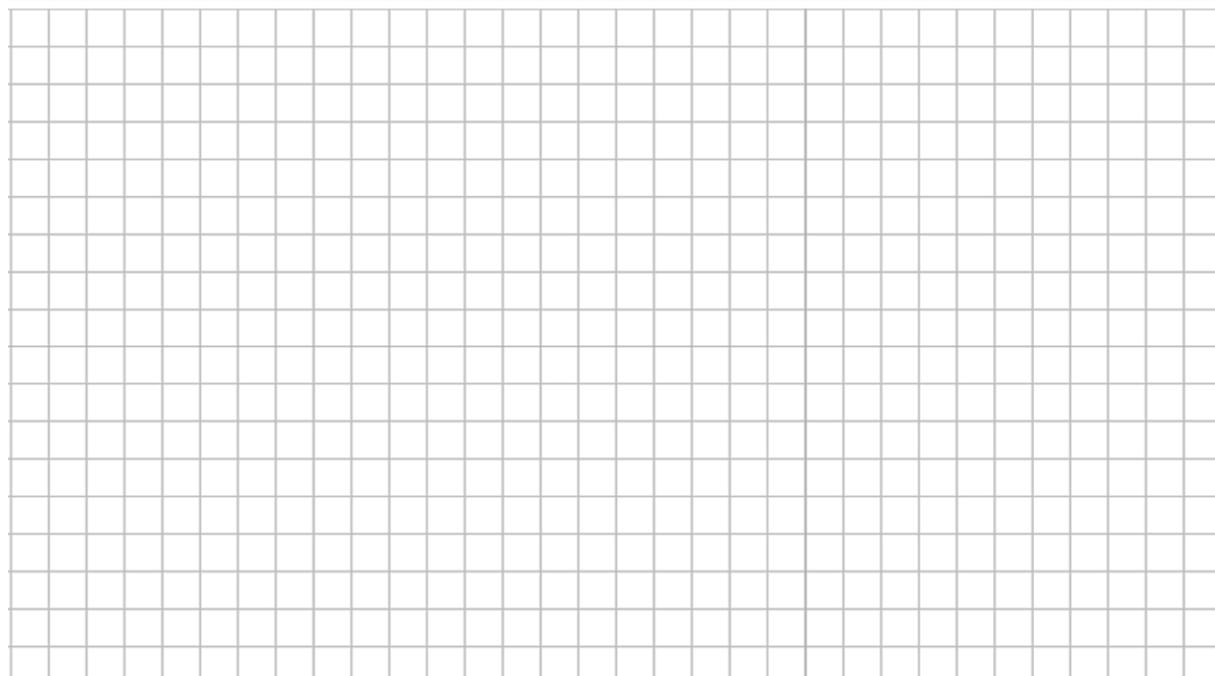
- 1) Zeichne zunächst die Punkte und anschließend die zugehörige Gerade in ein Koordinatensystem.
- 2) Bestimme jeweils die Steigung und den y-Achsenabschnitt des zugehörigen Funktionsterms graphisch. Gib dabei auch eine Funktionsgleichung an.



Aufgabe 4: Untersuche, welche der Punkte auf der Geraden mit der Geradengleichung $y = -2x + 3$ liegen. Gib für die anderen an, ob sie ober- oder unterhalb der Geraden liegen.

Suche dir anschließend selbst einen Punkt I aus, der auf dem Graphen liegt und gib diesen an.

$A(2 1)$	$B(0 1)$	$C(0 3)$	$D(\frac{3}{2} 1)$	$E(\frac{1}{2} 2)$	$F(9 -1,5)$	$G(2 -1)$	$H(-3 -3)$
----------	----------	----------	--------------------	--------------------	-------------	-----------	------------

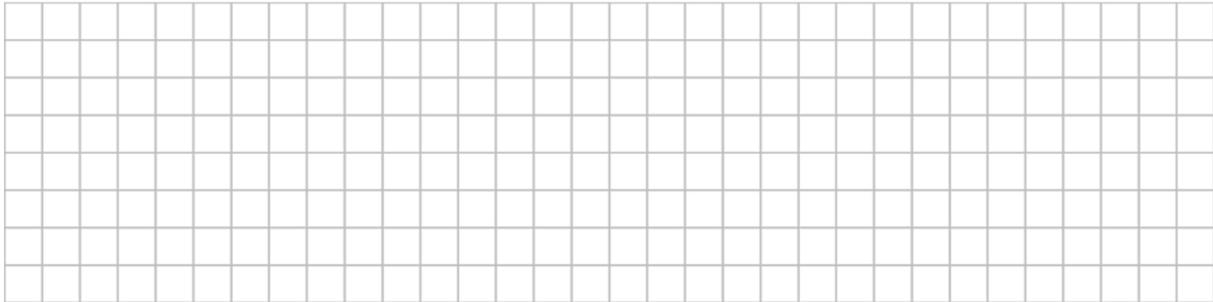


05 Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt: Übungsaufgaben

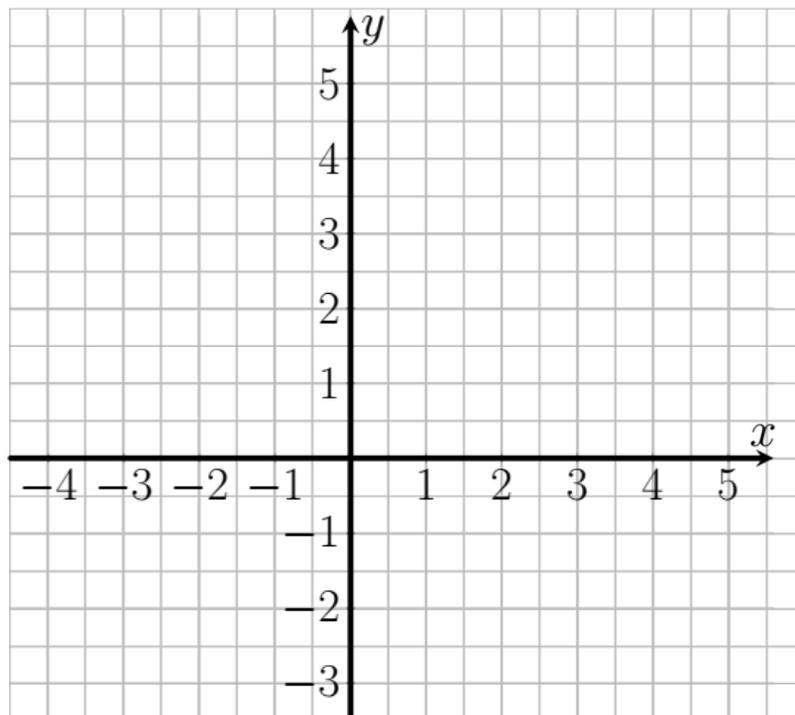
Aufgabe 8: Gegeben sind die vier Funktionen $f_1 - f_4$ mit den folgenden Funktionsgleichungen und maximalem Definitionsbereich $\mathbb{D}_{f,max}$.

$f_1(x) = x - 2$	$f_2(x) = -\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$	$f_3(x) = \frac{1}{2}x - 2$	$f_4(x) = x + 2$
------------------	--	-----------------------------	------------------

- a) Gib an, welche zugehörigen Geraden parallel sind und welche den gleichen y-Achsenabschnitt haben. Begründe deine Entscheidungen.



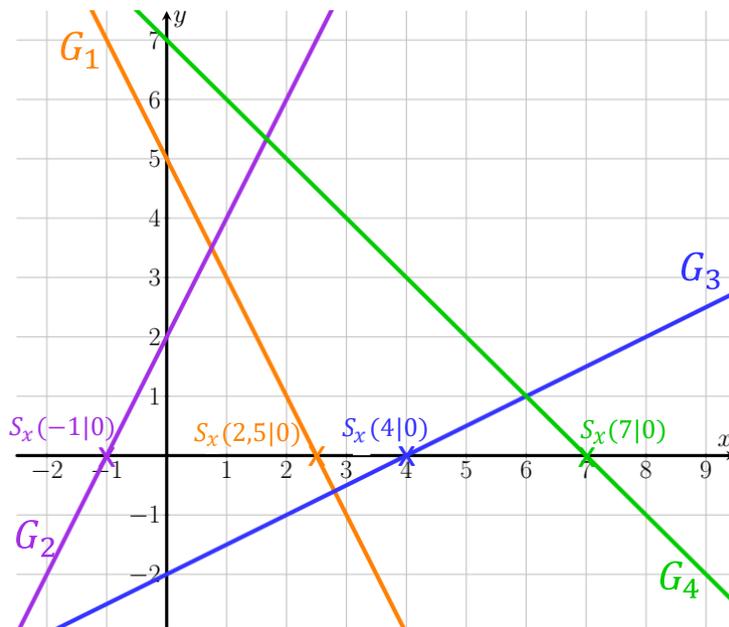
- b) Zeichne die Graphen der Funktionen $f_1 - f_4$ und überprüfe deine Ergebnisse aus Aufgabe a) damit.



Informationsblatt: Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen



Um zu verstehen, wie man die Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen eines Funktionsgraphen bestimmt, schauen wir uns ein paar Beispielgraphen an.



Zur beispielhaften Berechnung betrachten wir die Funktion f_1 mit $f_1(x) = -2x + 5$ und den Graphen G_1 .

Schnittpunkt mit der x -Achse

Beim Schnittpunkt mit der x -Achse kann man sehen, dass die y -Koordinate des Punktes immer gleich 0 ist. Bei Schnittpunkten mit der y -Achse gilt also allgemein $S_x(x_{Sy}|0)$. Kennt man aus einem Wertepaar einen Wert (hier: $y = 0$), dann kann dieser Wert immer in die Funktionsgleichung eingesetzt werden, um den anderen zugehörigen auszurechnen. Um den Schnittpunkt des Graphen mit der x -Achse zu bestimmen muss man also immer $y = 0$ in die Funktionsgleichung einsetzen, um den zugehörigen x -Wert zu bestimmen.

1 Schnittpunkt mit der x -Achse: $y = 0$

$$\rightarrow 0 = -2x + 5 \quad | -2x$$

$$2x = 5 \quad | :2$$

$$x = 2,5 \quad \leftarrow \text{Nullstelle}$$

$\rightarrow S_x(2,5|0)$ Der x -Wert beim Schnittpunkt mit der x -Achse heißt **Nullstelle** der Funktion.

Schnittpunkt mit der y -Achse

Bei den Schnittpunkten mit der y -Achse verhält es sich ähnlich. Hier sehen wir, dass die x -Koordinate des Punktes immer gleich 0 ist. Bei Schnittpunkten mit der y -Achse gilt also $S_y(0|y_{Sy})$. Um den Schnittpunkt des Graphen mit der y -Achse zu bestimmen muss man also immer $x = 0$ in die Funktionsgleichung einsetzen.

2 Schnittpunkt mit der y -Achse: $x = 0$

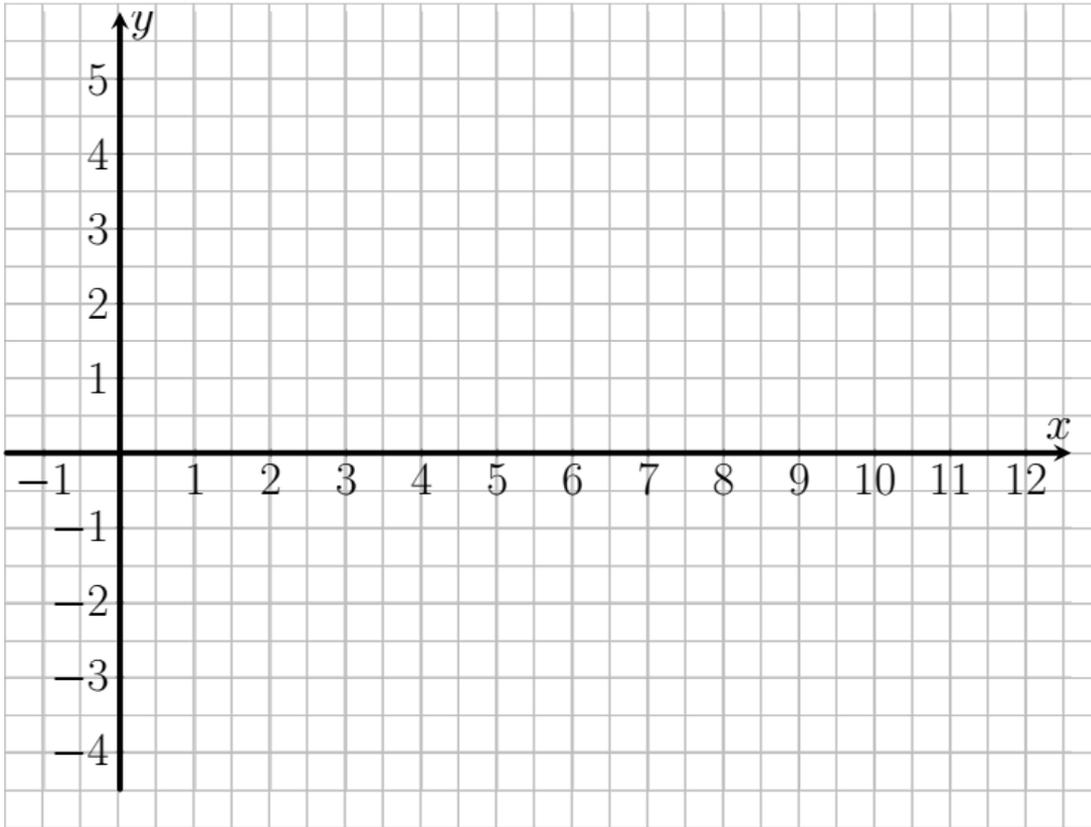
$$\rightarrow y = -2 \cdot 0 + 5 = 5 \quad \rightarrow S_y(0|5)$$

06 Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen: Übungsaufgaben

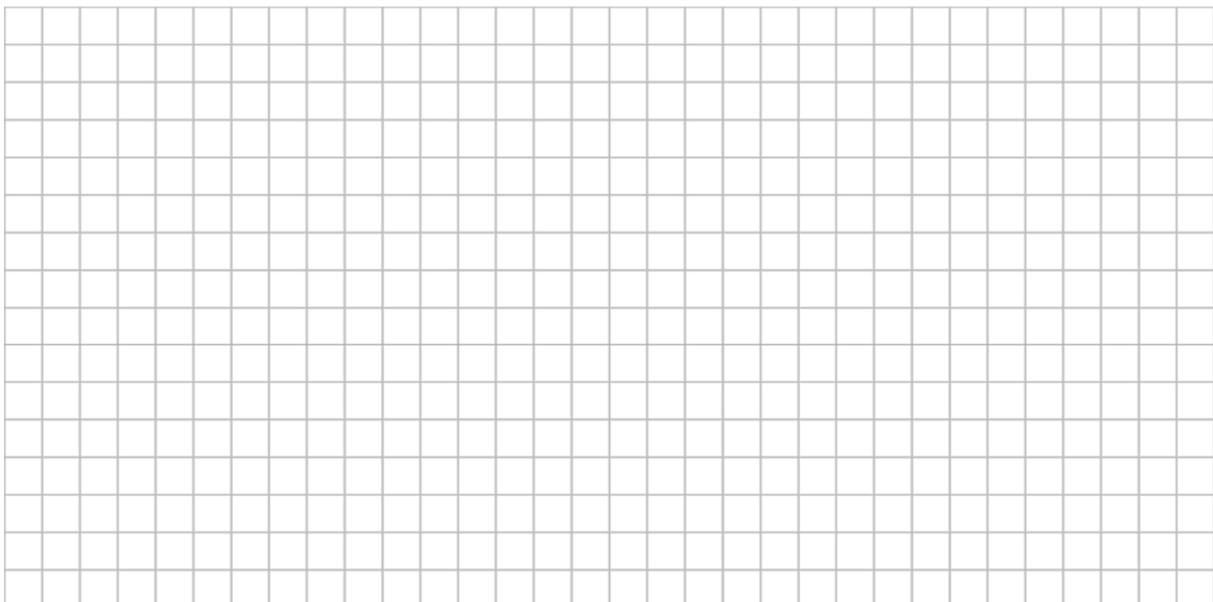
Aufgabe 1: Gegeben sind die acht Funktionen $f_1 - f_8$ mit den folgenden Funktionsgleichungen und maximalem Definitionsbereich $\mathbb{D}_{f,max}$.

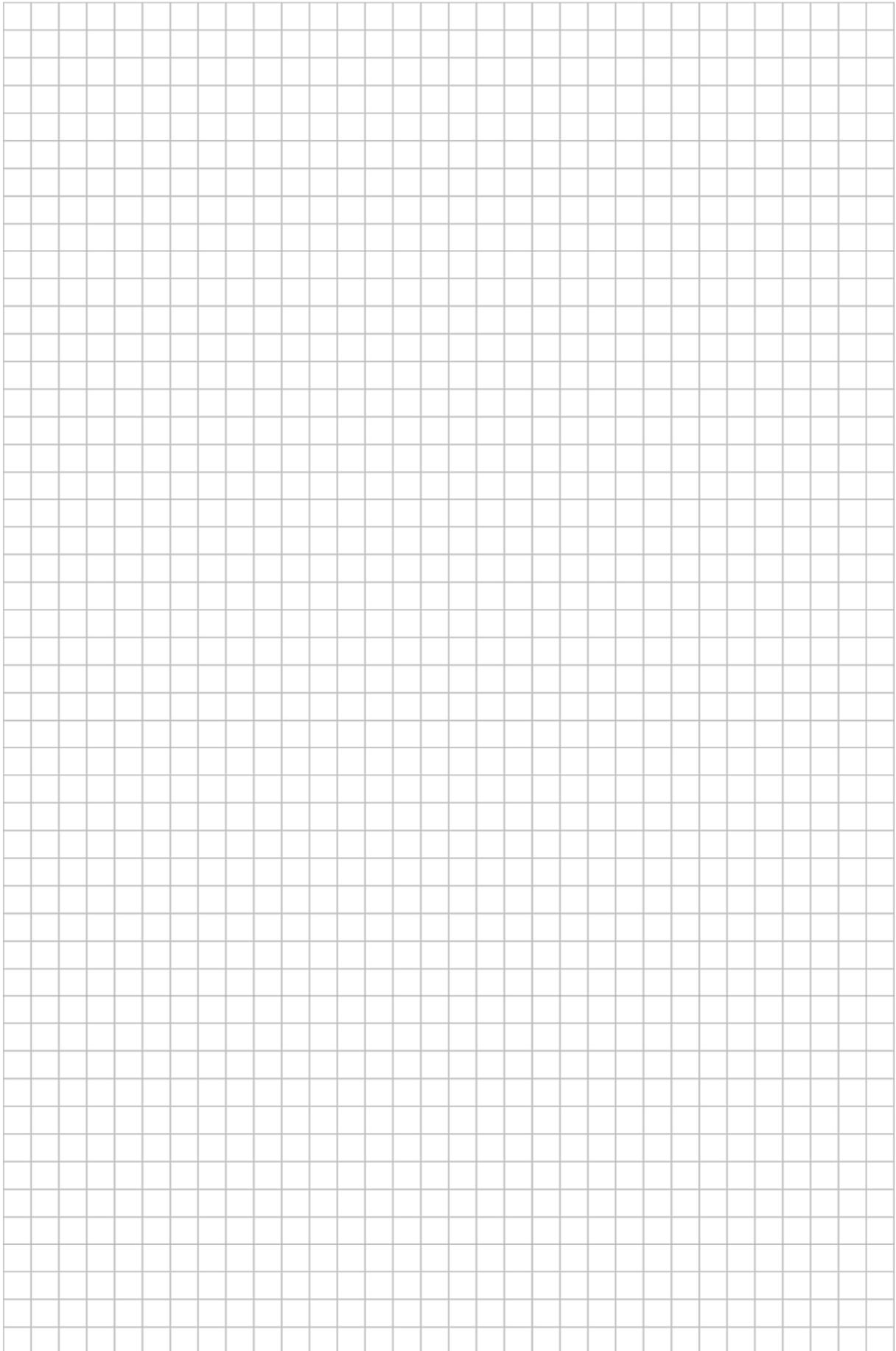
$f_1(x) = -x$	$f_2(x) = -\frac{1}{2}x + 3$	$f_3(x) = -3x + 1$	$f_4(x) = x - 2$
$f_5(x) = -\frac{1}{2}x$	$f_6(x) = -\frac{1}{3}x + 4$	$f_7(x) = \frac{1}{3}x - 2$	$f_8(x) = -\frac{1}{3}x + 3$

- a) Bestimme die Schnittpunkte der jeweiligen Graphen der Funktionen mit den Koordinatenachsen graphisch.



- b) Überprüfe deine Ergebnisse durch Verwendung einer dynamischen Geometriesoftware.





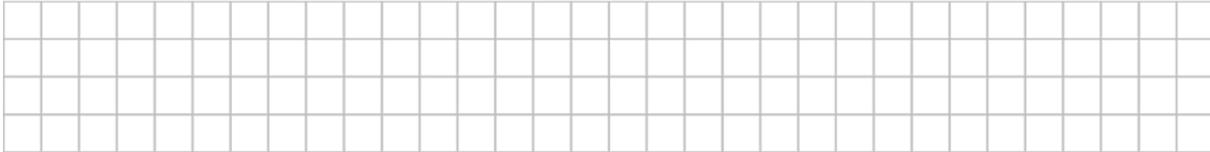
06 Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen: Übungsaufgaben

Aufgabe 3: Karl Friedrich fährt mit einem Bus mit nahezu konstanter Geschwindigkeit von Regensburg aus nach Amberg. Durch die Funktion f mit $f(x) = 70 - 1,25x$ wird die aktuelle Position des Busses näherungsweise beschrieben. Durch x wird dabei die gefahrene Zeit in Minuten und durch $f(x)$ der aktuelle Abstand zum Fahrziel beschrieben. Der Einfachheit halber wird auf Einheiten verzichtet.

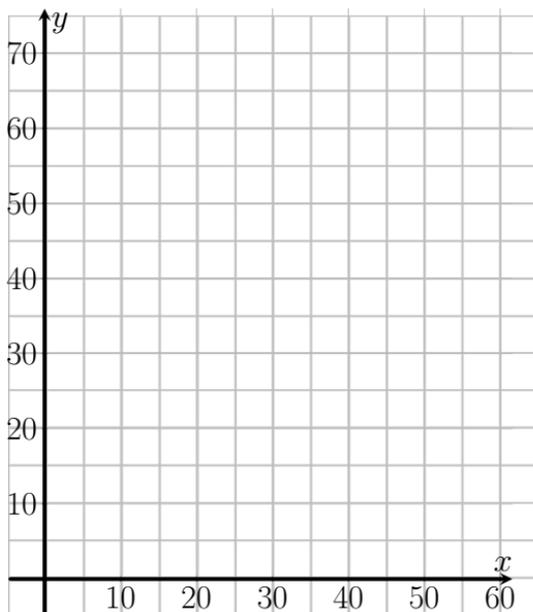
- a) Bestimme die Nullstelle der Funktion f und interpretiere den Wert im Sachzusammenhang.



- b) Mit G_f wird der Graph von f beschrieben. Gib die Schnittpunkte von G_f mit den Koordinatenachsen an.



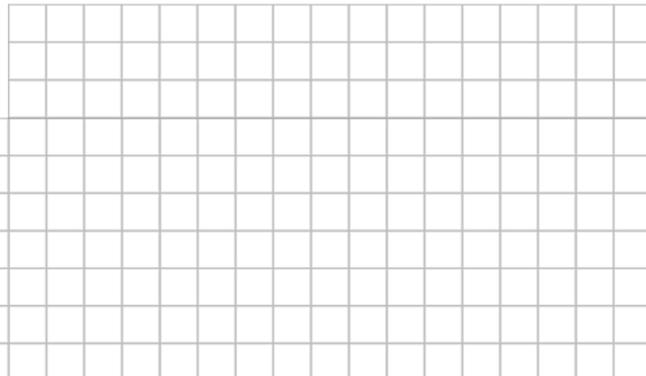
- c) Zeichne den Graphen von f und überprüfe deine bisherigen Ergebnisse damit.



- d) Gib mit Hilfe des Graphen den Zeitpunkt an, an dem der Bus genau 30 Kilometer von Regensburg entfernt ist.



- e) Überprüfe dein Ergebnis von d) mit Hilfe einer Rechnung.



07 Geradengleichungen bestimmen: Einführung

Geradengleichungen bestimmen

Carl Friedrich ist ein großer Romantiker. Er plant ein tolles Überraschungsdinner für seine Freundin Marie. Dafür bastelt er eine eigene Kerze, die eine besondere Überraschung zum Vorschein bringen soll. Zu Beginn des Dinners zündet Carl Friedrich die Kerze an, die mit konstanter Geschwindigkeit abbrennt. Während der Vorspeise brennt die Kerze bereits für 15 min und hat noch eine Höhe von 13cm. Nach 32 Minuten schätzt Carl Friedrich die Höhe noch auf etwa 11cm und macht sich auf, um die Hauptspeise fertigzustellen. Sobald die Kerze die Hälfte ihrer Ursprungshöhe erreicht hat, soll ein Verlobungsring zum Vorschein kommen. Zu dieser Zeit sollte Carl Friedrich bereits wieder am Esstisch sitzen. Deine Aufgabe ist es zu entscheiden, wie viel Zeit Carl Friedrich für die Hauptspeise benötigen darf.



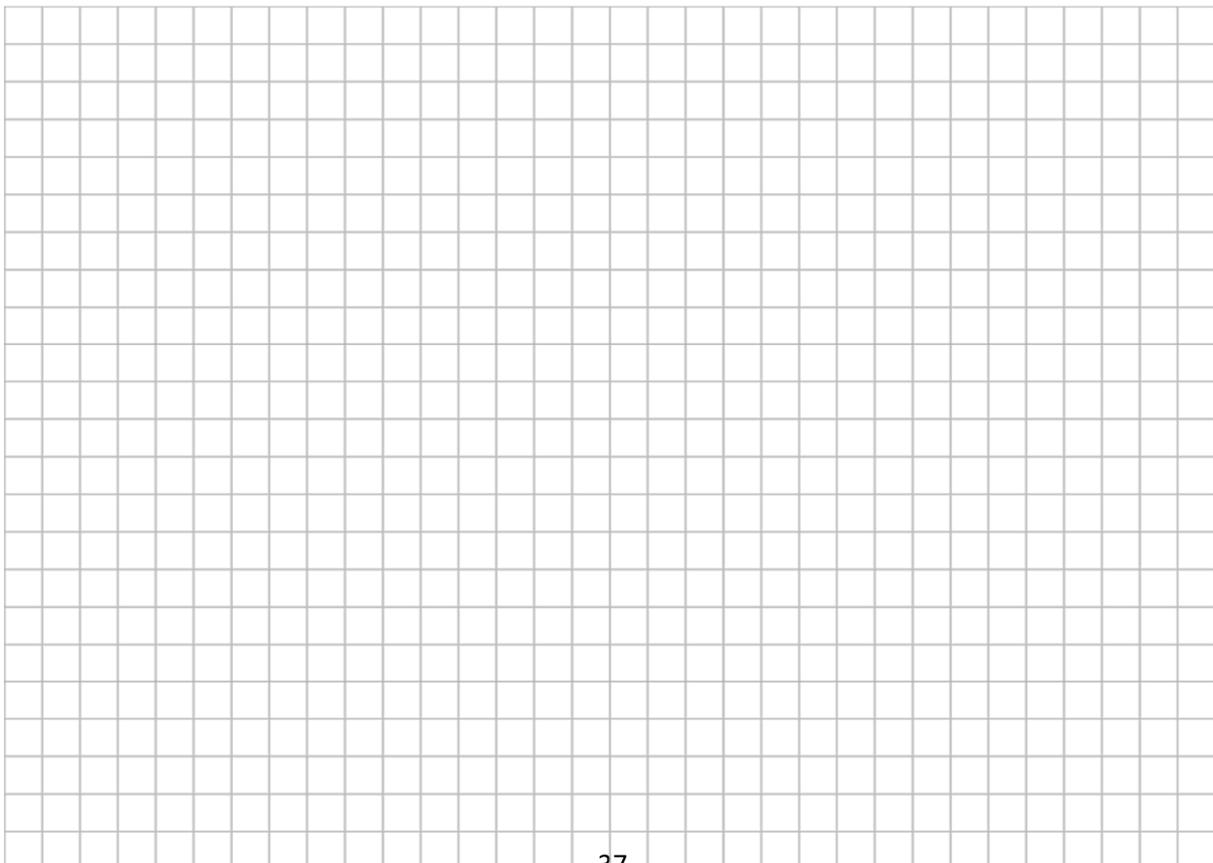
- a) Erstelle eine Wertetabelle, um die Situation übersichtlich darzustellen. Stelle durch x die Brenndauer in Minuten und durch y die Höhe der Kerze in Metern dar.

zu c) $\Delta x =$

x in Minuten		
y in cm		

zu c) $\Delta y =$

- b) Zeichne den Funktionsgraphen mit Hilfe der beiden Wertepaare. Wähle eigenständig sinnvolle Skalierungen für die Koordinatenachsen. Löse die Aufgabenstellung graphisch und formuliere eine Entscheidung.



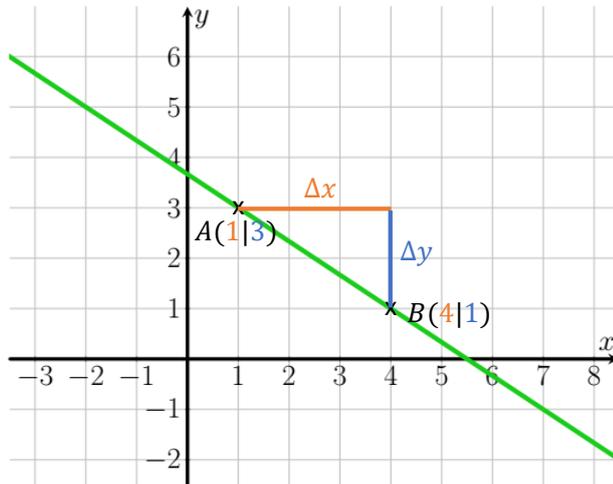
07 Geradengleichungen bestimmen: Infoblatt



Im Folgenden betrachten wir ein Beispiel, an dem deutlich gemacht wird, wie man Geradengleichungen mit Hilfe von zwei gegebenen Wertepaaren bestimmen kann.

Möchte man eine Gerade in ein Koordinatensystem zeichnen, müssen mindestens zwei Punkte gegeben sein, um die Gerade eindeutig einzeichnen zu können.

Beispiel:



Die gleiche Informationstiefe ist nötig, um die zugehörige Geradengleichung bestimmen zu können. Dazu benötigt man zunächst die allgemeine Geradengleichung:

$$y = mx + t$$

Für die Steigung m kennen wir mit Hilfe des Steigungsdreiecks die Formel

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

Sind zwei Wertepaare (Hier die Punktkoordinaten von A und B) gegeben, dann kann man damit zunächst die Steigung m bestimmen. Δy erhält man indem man die Differenz der y-Koordinaten der Wertepaare berechnet.

$$\Delta y = 1 - 3 = -2$$

Δx erhält man indem man die Differenz der x-Koordinaten der Wertepaare berechnet.

$$\Delta x = 4 - 1 = 3$$

1. Schritt:

$$1 \quad m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{1 - 3}{4 - 1} = \frac{-2}{3}$$

2. Schritt:

Da wir m jetzt kennen, können wir die Geradengleichung, wie folgt angeben.

$$2 \quad y = -\frac{2}{3}x + t$$

Da die zur Funktion zugehörigen Wertepaare immer auch die Funktionsgleichung erfüllen, kann man für x und y einfach entsprechende Werte einsetzen und dadurch t erhalten. Es ist dabei egal, ob man die Werte vom Punkt $A(1|3)$ oder $B(4|1)$ nimmt.

$$3 = -\frac{2}{3} \cdot 1 + t \quad | +\frac{2}{3}$$

$$t = \frac{11}{3}$$

Damit erhalten wir die zugehörige Geradengleichung: $y = -\frac{2}{3}x + t$



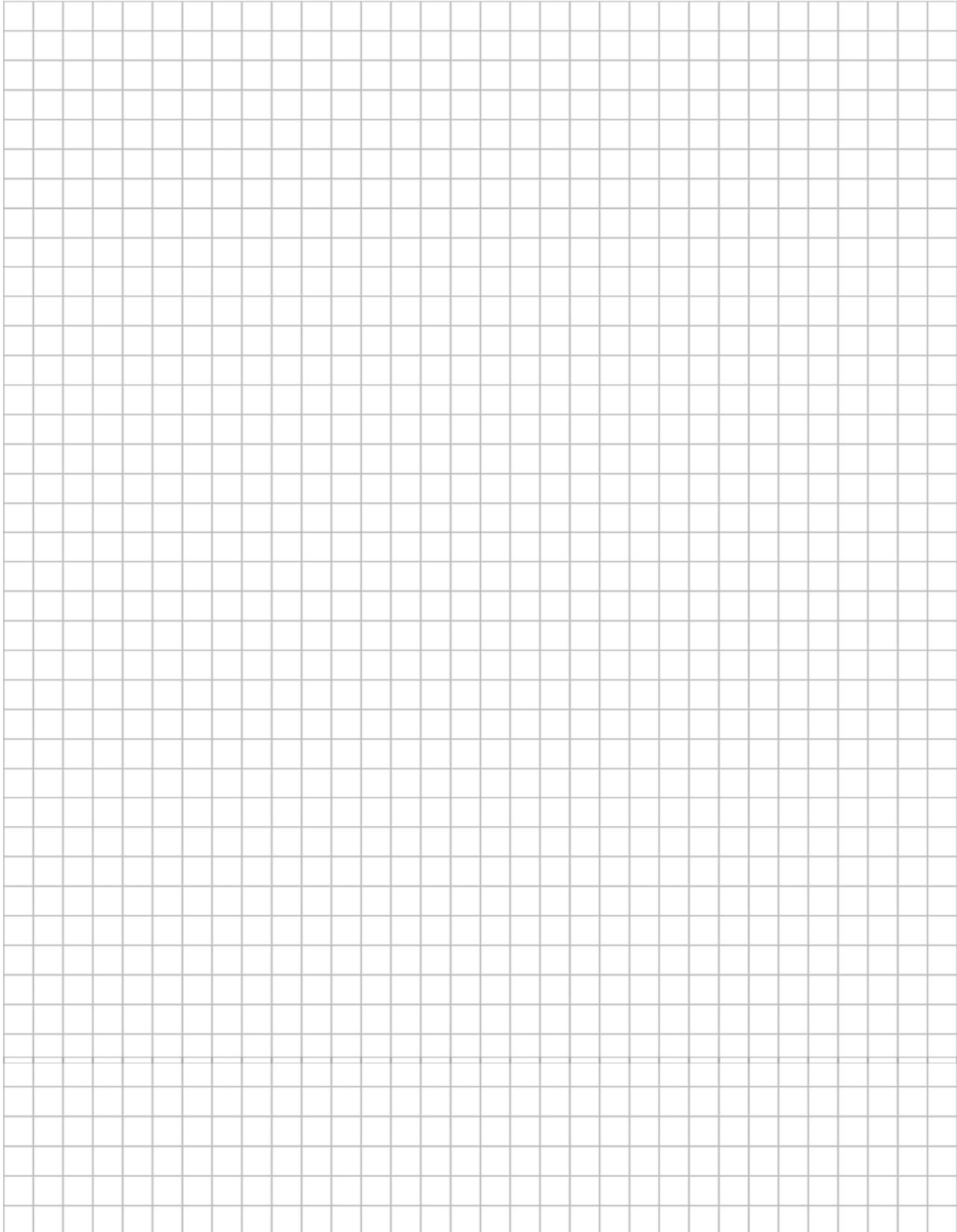
[Falls du noch Verständnisprobleme hast, sieh dir das Lernvideo an.](#)



07 Geradengleichungen bestimmen: Übungsaufgaben

Aufgabe 1: Gegeben ist jeweils die Steigung m einer Geraden und ein Punkt P , der auf der Geraden liegt. Bestimme die zugehörige Funktionsgleichung.

a) $m = \frac{1}{2}; P(0 1);$	b) $m = 1; P(2 -3);$	c) $m = 0; P(1 3);$	d) $m = \frac{1}{4}; P(5 2);$
e) $m = 3; P(1 6);$	f) $m = \frac{1}{4}; P(4 1);$	g) $m = -\frac{1}{4}; P(4 1);$	h) $m = -2; P(-4 1);$

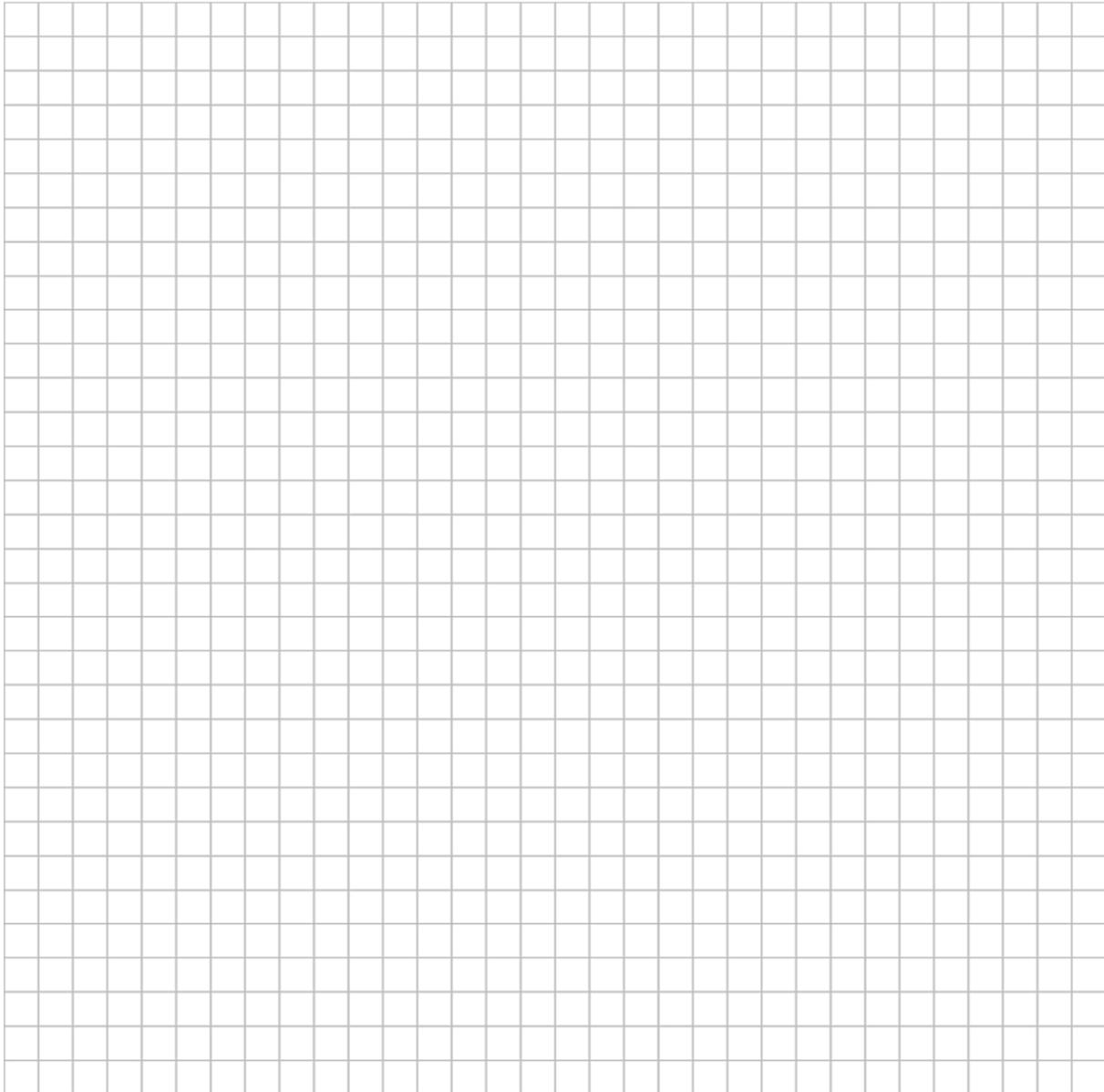


07 Geradengleichungen bestimmen: Übungsaufgaben

Aufgabe 2: Gegeben sind jeweils Punkte, die auf einer Geraden liegen.

a) $P_1(3 2); P_2(2 1);$	b) $P_1(4 1); P_2(8 2);$	c) $P_1(-3 -1); P_2(2 -3);$
d) $A(3 1); B(8 1);$	e) $A\left(\frac{1}{2} \mid \frac{1}{4}\right); B(5 10);$	f) $A(2 0); B(0 -5);$
g) $P_1(0 0); P_2(0 1)$	h) $A(0 1); B(0 2);$	i) $P_1(-2 -2); P_2(-3 -3);$

1) Bestimme jeweils die Gleichung der Geraden, auf der die folgenden Punkte liegen.



2) Gib an, welche der Geraden durch den Ursprung geht.



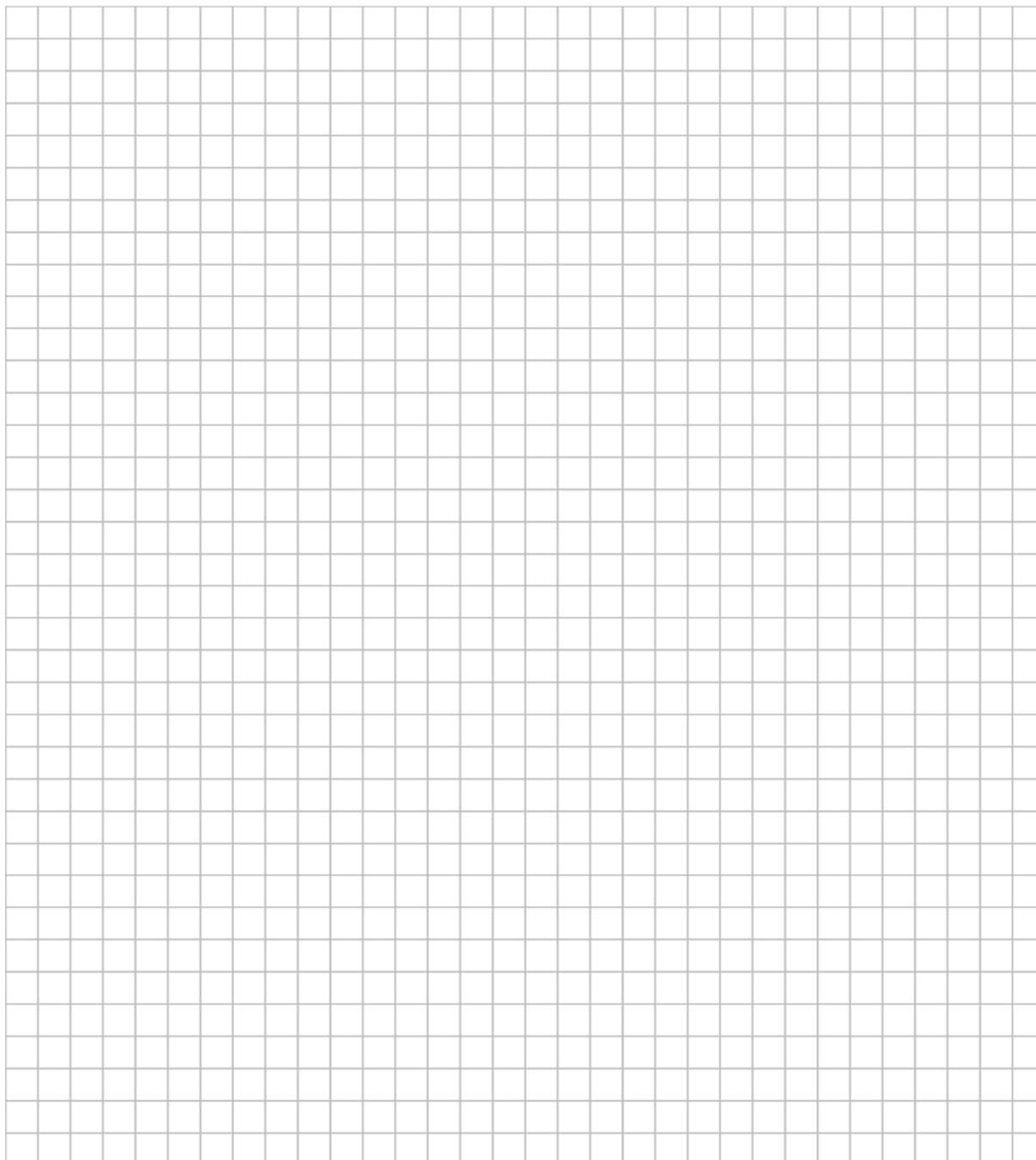
3) Zeichne die zugehörigen Geraden aus Aufgabe 1)a)-f) mithilfe eines Funktionsplotters und der gegebenen Punkte. Überprüfe damit deine Ergebnisse.

07 Geradengleichungen bestimmen: Übungsaufgaben

Aufgabe 4: Gegeben sind jeweils die Punkte A , B und C .

a) $A(3 2); B(4 3); C(5 4);$	b) $A(0 1); B(1 0); C(2 1);$	c) $A(-3 -1); B(2 1); C(7 3);$
d) $A(-1 1); B(3 2); C(7 0);$	e) $A\left(\frac{1}{2} \mid \frac{1}{4}\right); B(5 10); C(0 1);$	f) $A(2 0); B(0 -5); C(1 -2);$

1) Prüfe rechnerisch, ob der Punkt C auf der Geraden durch A und B liegt.

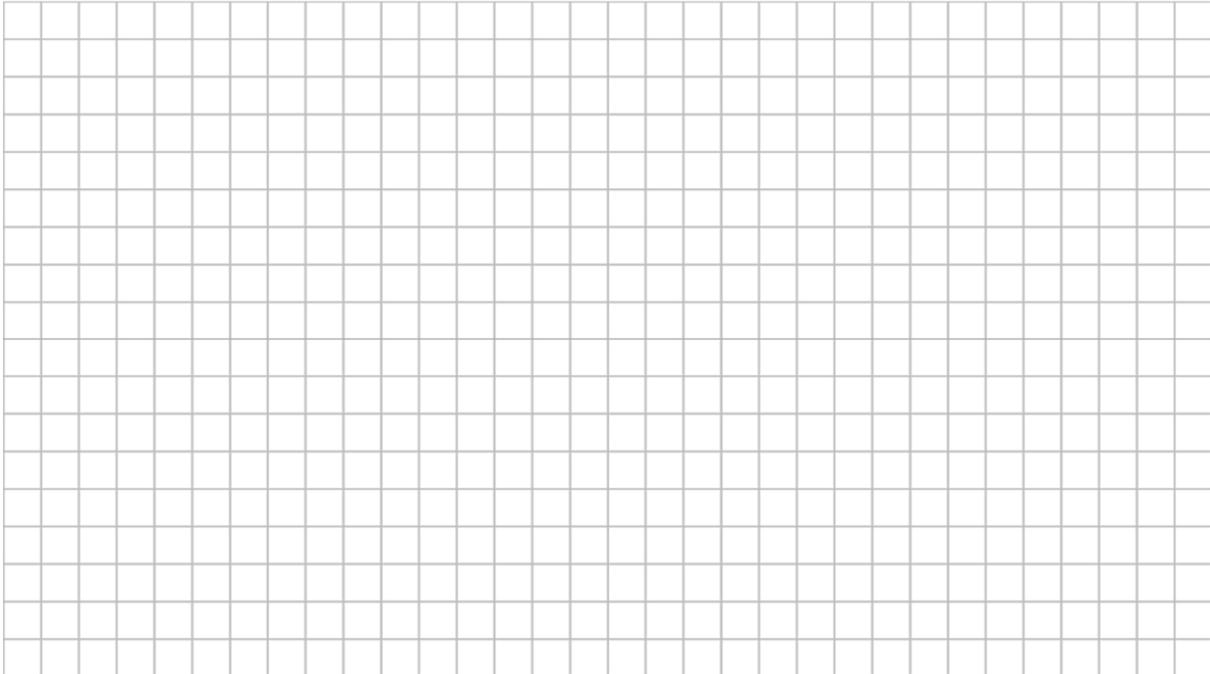


2) Zeichne die zugehörigen Geraden aus Aufgabe 4)a)-f) mit Hilfe eines Funktionsplotters und überprüfe damit deine Ergebnisse.

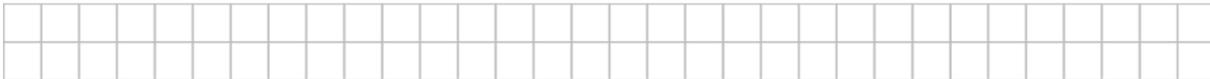
07 Geradengleichungen bestimmen: Übungsaufgaben

Aufgabe 5: Im Jahr 2021 lag der Taxipreis in Regensburg bei einer Grundgebühr von 4,80€. Für eine Strecke von 15km musste beim günstigsten Anbieter ein Preis von 34,80€ bezahlt werden.

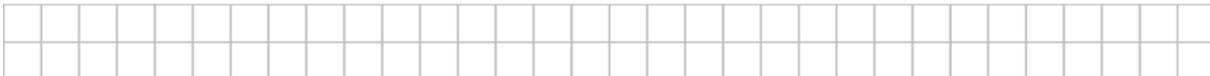
- a) Veranschauliche den Zusammenhang zwischen der Länge der Fahrstrecke (x-Wert) und den dazugehörigen Kosten (y-Wert) in einem Graphen.



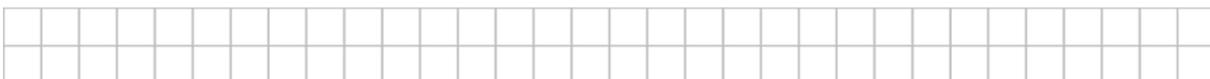
- b) Ermittle graphisch die Preise für 5km und 10km.



- c) Ermittle graphisch, wie weit man für 20 Euro fahren kann.



- d) Stelle mit Hilfe der gegebenen Punkte aus der Angabe die zugehörige Geradengleichung auf.



- e) Überprüfe deine Ergebnisse von Aufgabe 5c) rechnerisch.



07 Geradengleichungen bestimmen: Übungsaufgaben



- f) [Erstelle nun in einem Tabellenkalkulationsprogramm Zellen zur Umrechnung von °C nach °F und umgekehrt, wie abgebildet. Überprüfe damit deine bisherigen Ergebnisse. Falls du bei der Erstellung Hilfe benötigst, kannst du die Tabelle mit Hilfe des QR-Codes oder durch Klicken auf die Aufgabe aufrufen.](#)

	Eingabe	Ausgabe		
Grad Celsius				
Grad Fahrenheit				

1. Gib in die Eingabefelder jeweils den gewünschten Wert ein.

Aufgabe 7: Gegeben sind die Punkte $A(1|2)$ und $B(2|4)$, die auf einer Geraden G_f liegen. Die zugehörige Funktion dazu lautet f .

- a) Bestimme die zugehörige Funktionsgleichung zur Funktion f .

- b) Gib die Gleichung einer Geraden an, die zu G_f parallel ist und um 2 in Richtung der y-Achse nach oben versetzt ist.

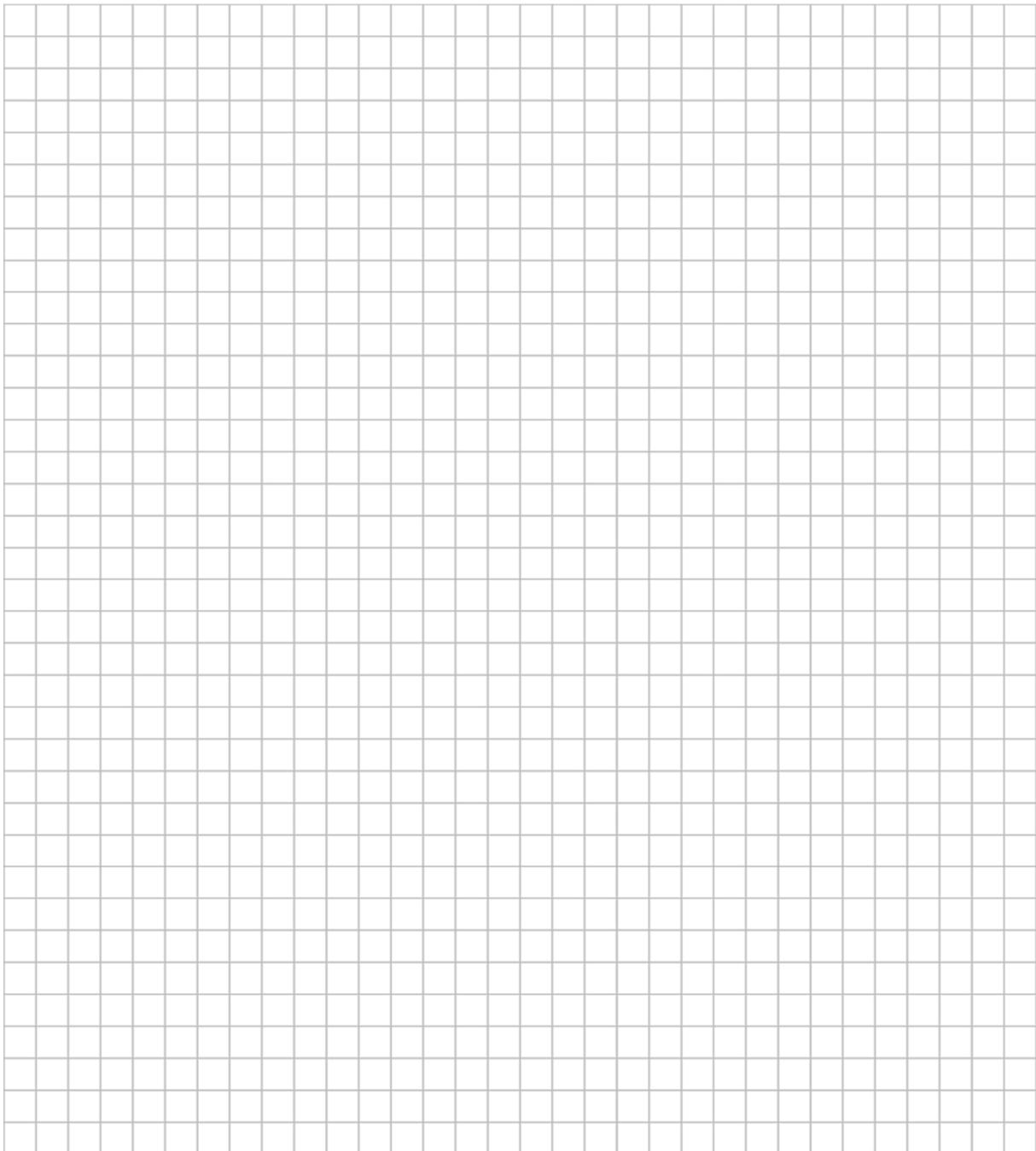
- c) Gib die Gleichung einer Geraden an, die durch die Punkte C und D geht, die um genau zwei Längeneinheiten rechts von A und B liegen.

08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

Aufgabe 1: Gegeben sind im Folgenden die auf ihrem maximalen Definitionsbereich gegebenen Funktionen f und g . Die Graphen von f und g werden mit G_f und G_g bezeichnet.

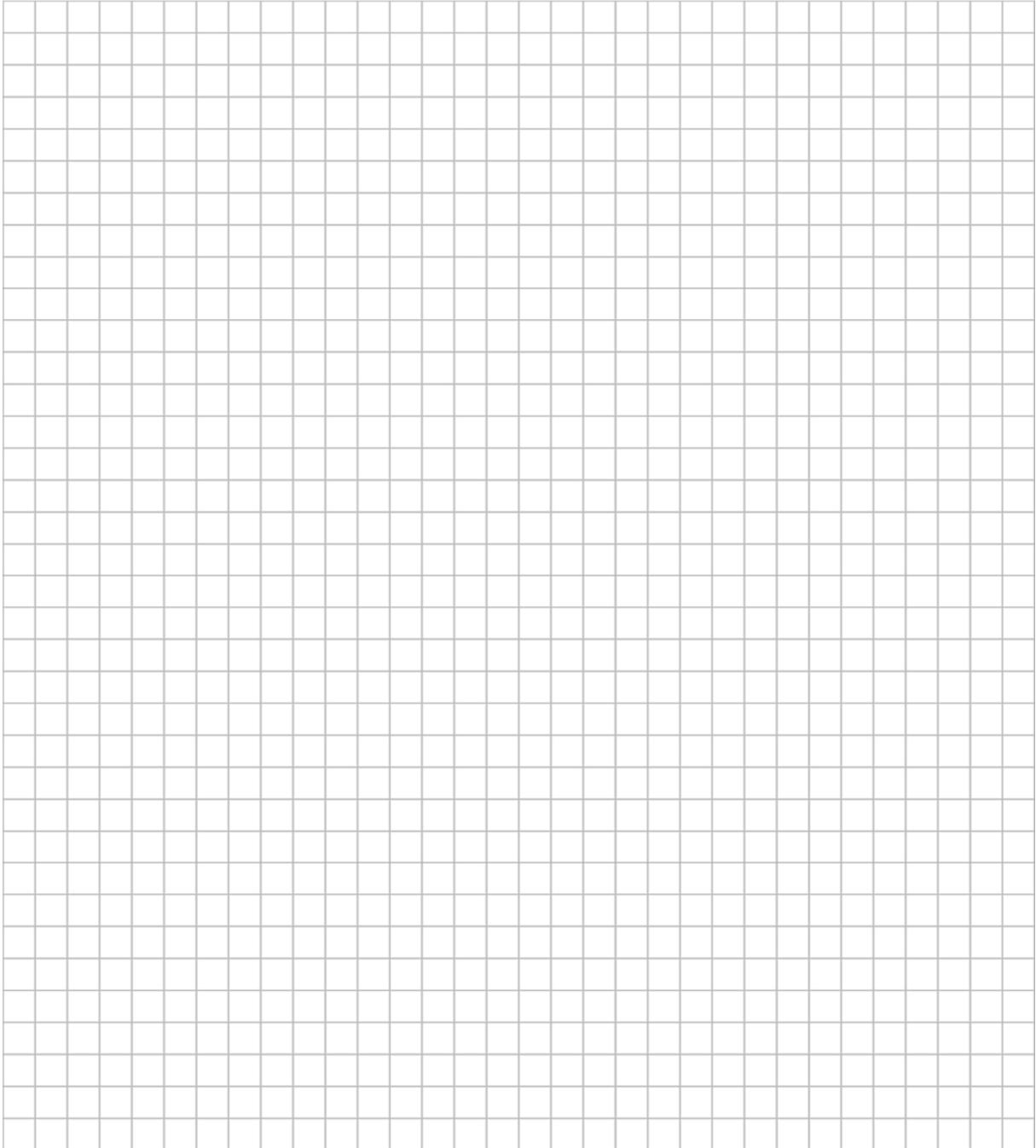
1) Bestimme die Schnittpunkte von G_f und G_g **rechnerisch**.

a)	$f(x) = x - 2$ $g(x) = -\frac{1}{2}x + 3$	b)	$f(x) = x - 2$ $g(x) = -x$	c)	$f(x) = -\frac{1}{3}x + 4$ $g(x) = \frac{1}{2}x + 2$	d)	$f(x) = -3x + 5$ $g(x) = -\frac{1}{3}x + 5$
e)	$f(x) = \frac{1}{2}x$ $g(x) = \frac{1}{4}x + 1$	f)	$f(x) = 2x - 2$ $g(x) = -x + 4$	g)	$f(x) = -\frac{1}{8}x + 1$ $g(x) = -\frac{1}{3}x + 0,5$	h)	$f(x) = -x - 1$ $g(x) = -\frac{1}{3}x - 6$

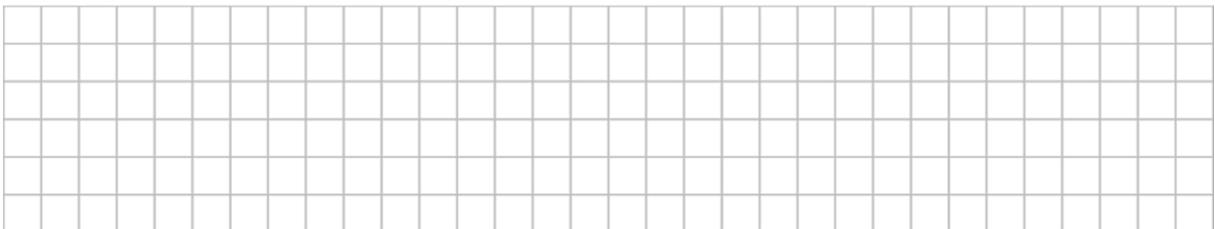


08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

- 2) Überprüfe das Ergebnis aus 1) a), indem du die zugehörigen **Geraden** in ein x-y Koordinatensystem **zeichnest**.

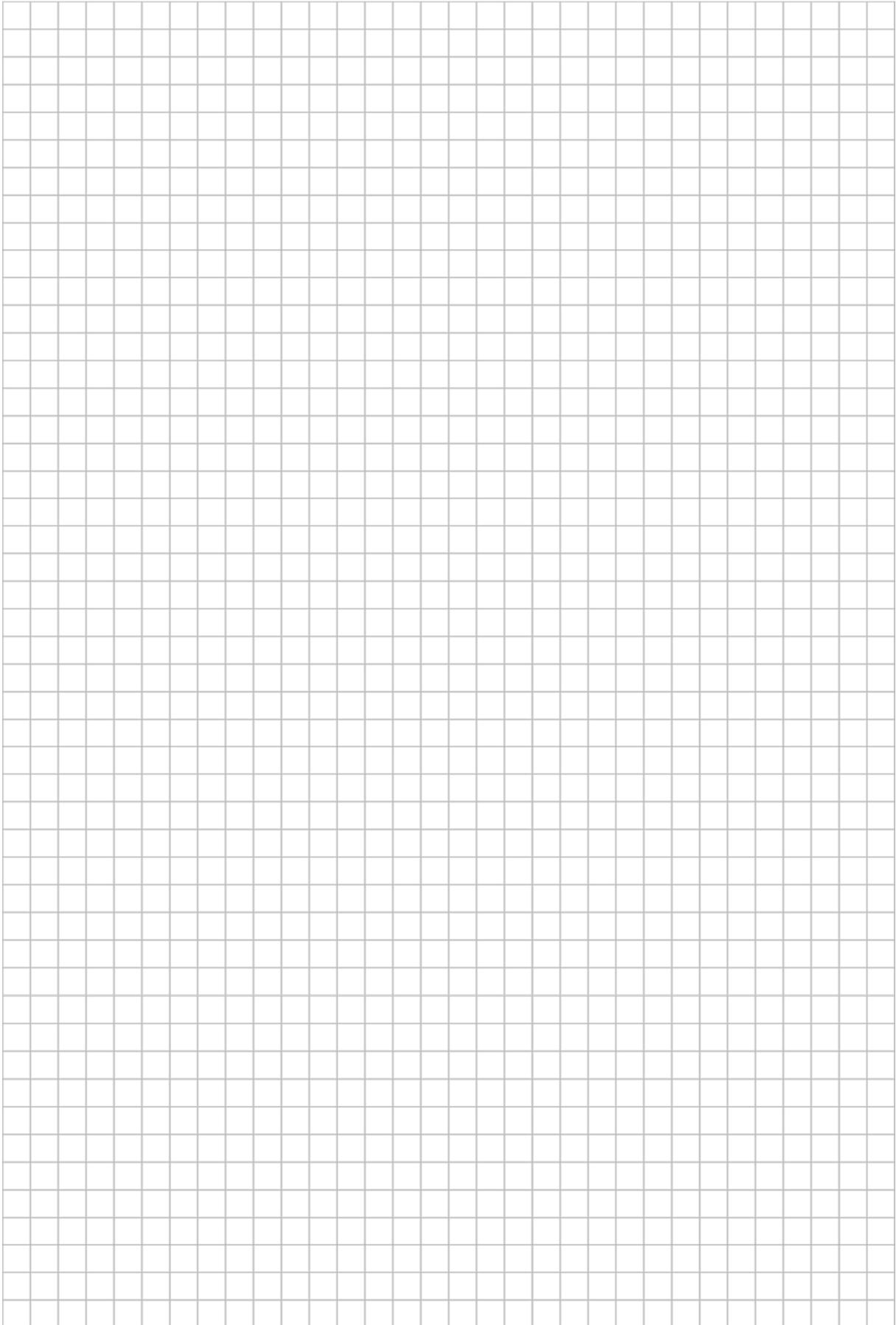


- 3) Die beiden **Geraden** aus 2) und die y-Achse schließen eine Dreiecksfläche ein. Berechne den Flächeninhalt des Dreiecks. Die benötigten Punkte dürfen graphisch abgelesen werden.



08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

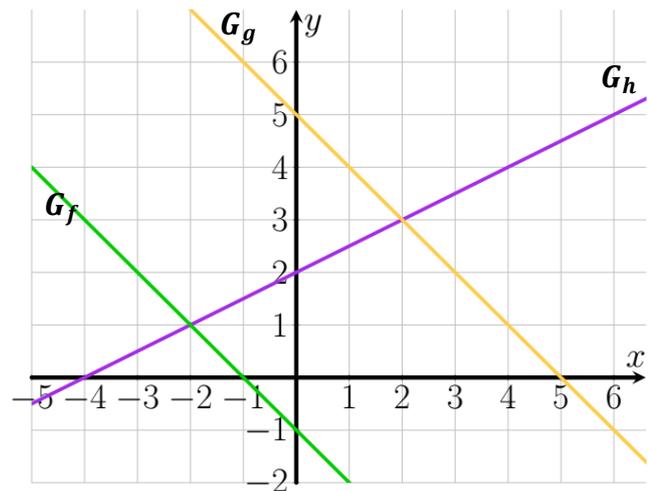
4) Löse Aufgabe 2) und 3) für zwei weitere der oben gegebenen Aufgaben.



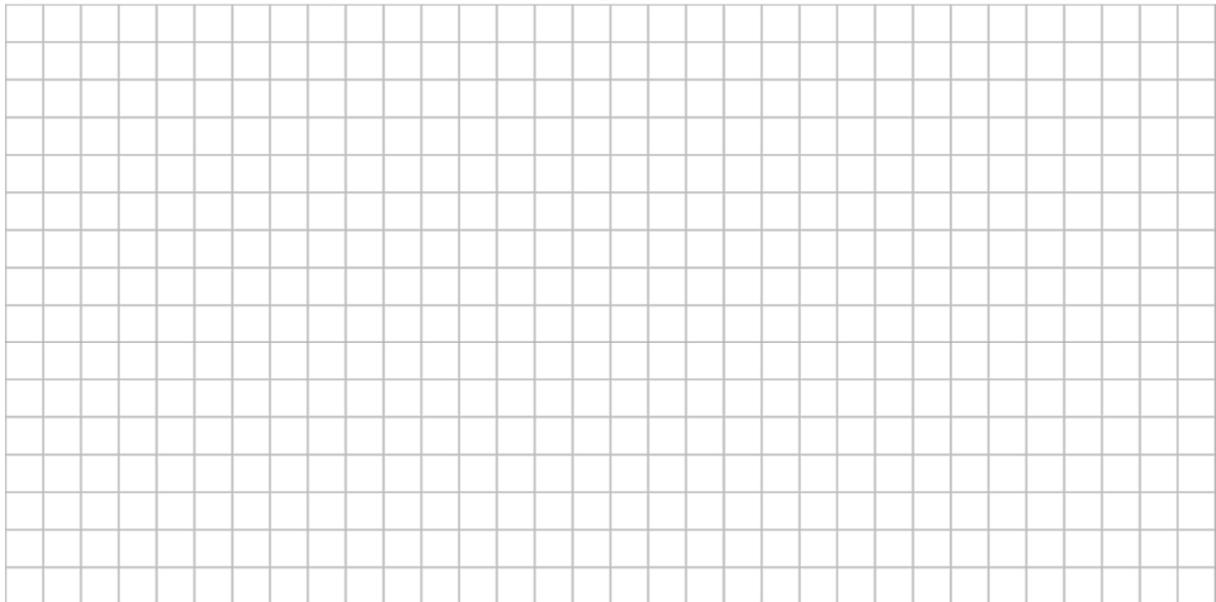
08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

Aufgabe 3: Gegeben sind im Folgenden die Graphen dreier linearer Funktionen.

- a) Bestimme jeweils graphisch die Funktionsgleichung der gegebenen Graphen.



- b) Bestimme die Schnittpunkte der Geraden jeweils rechnerisch.



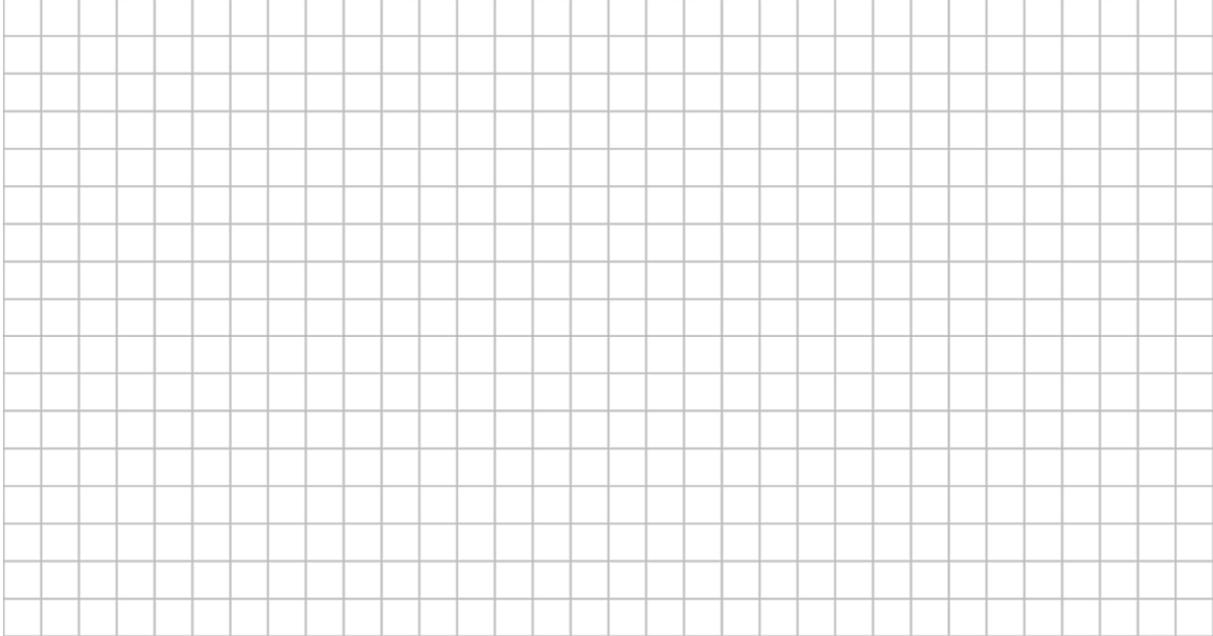
- c) Insgesamt lassen sich in der Abbildung 7 verschiedene Dreiecke finden. Benenne die Eckpunkte von vier der Dreiecke und berechne jeweils den zugehörigen Flächeninhalt.



08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

Aufgabe 4: Im Jahr 2021 lag der Taxipreis in Regensburg bei Unternehmen A bei einer Grundgebühr von 4,80€. Pro Kilometer musste ein Preis von 1,96€ bezahlt werden. Unternehmen B verlangte eine Grundgebühr von 4€. Pro Kilometer wurde ein Preis von 2€ veranschlagt.

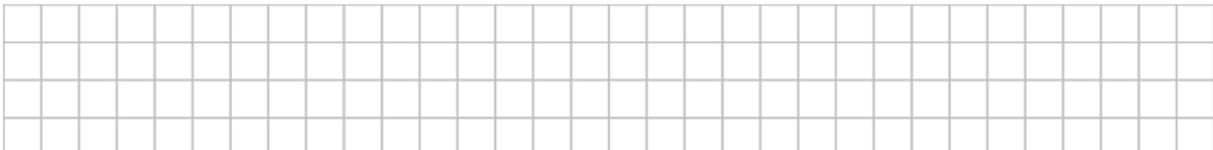
- a) Veranschauliche den Zusammenhang zwischen der Länge der Fahrstrecke in Kilometern (x -Wert) und den dazugehörigen Kosten in Euro (y -Wert) für jedes Unternehmen graphisch in einem gemeinsamen Koordinatensystem.



- b) Ermittle graphisch den Schnittpunkt der beiden Graphen und interpretiere das zugehörige Wertepaar im Sachzusammenhang.



- c) Stelle jeweils eine Funktionsgleichung für Unternehmen A und B dar, wobei x für die Länge der Fahrstrecke in Kilometern und y für die dazugehörigen Kosten in Euro steht.



- d) Bestimme die Schnittpunkte der Funktionsgraphen rechnerisch.



08 Schnittpunkte zweier Geraden: Übungsaufgaben

Aufgabe 5: Herr Yilmaz fährt täglich von Regensburg aus nach Amberg. Herr Friedrich hingegen fährt zeitlich von Amberg aus nach Regensburg. Die Fahrtgeschwindigkeiten werden der Einfachheit wegen als konstant angesehen. Beide Fahrten können jeweils durch Funktionen f_Y (Yilmaz) und f_F (Friedrich) beschrieben werden. Dabei gilt

$$f_Y(x) = 70 - 1,4x \text{ und}$$

$f_F(x) = 1,55x$, wobei x die Zeit in Minuten und y die Entfernung von Amberg in Kilometern beschreibt. Mit G_Y und G_F werden die Graphen der Funktionen f_Y und f_F beschrieben.

- a) Bestimme die Schnittpunkte der Graphen G_Y und G_F mit den Koordinatenachsen und interpretiere die Werte im Sachzusammenhang.

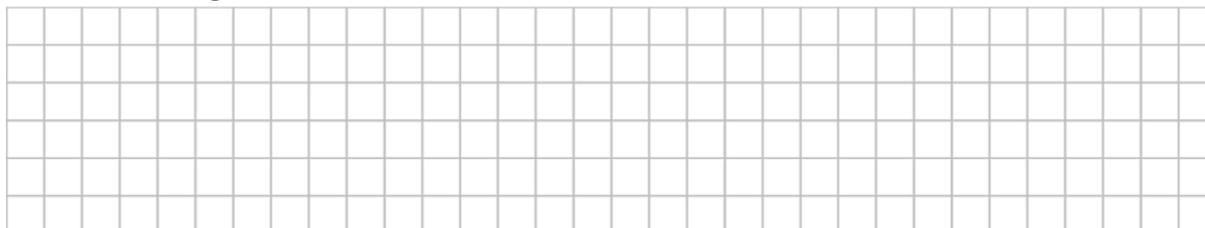
(Zur Wiederholung: [Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen berechnen](#))



- b) Bestimme den Zeitpunkt, an dem Herr Yilmaz und Herr Friedrich gerade aneinander vorbeifahren. Gib auch an, wie weit beide zu diesem Zeitpunkt von Amberg entfernt sind.



- c) Beschreibe mit fachlicher Begründung, welche der beiden Personen auf der Fahrt schneller unterwegs ist.



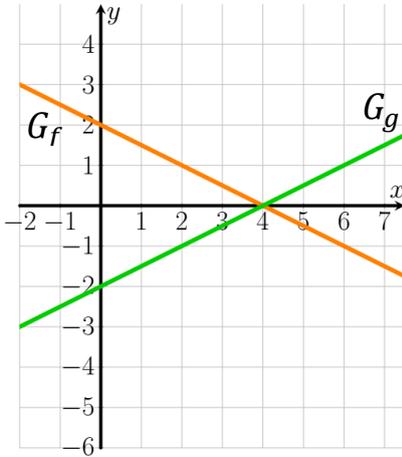
- d) Zeichne die Graphen der Funktionen f_Y und f_F mit Hilfe eines Funktionsplotters und überprüfe damit deine bisherigen Ergebnisse.



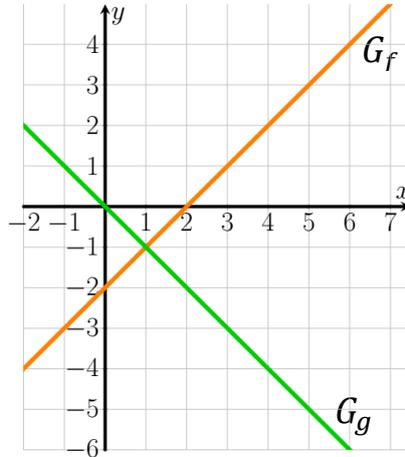
9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

Aufgabe 1: Gegeben sind im Folgenden die Graphen, der auf ihrem maximalen Definitionsbereich gegebenen Funktionen f und g .

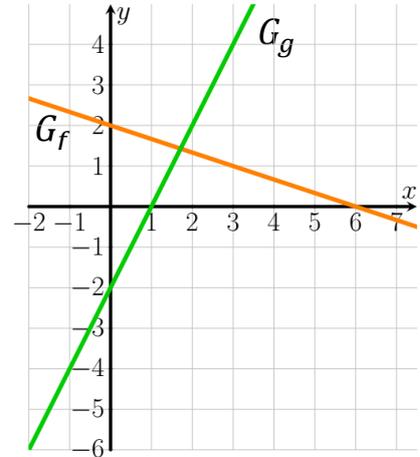
a)



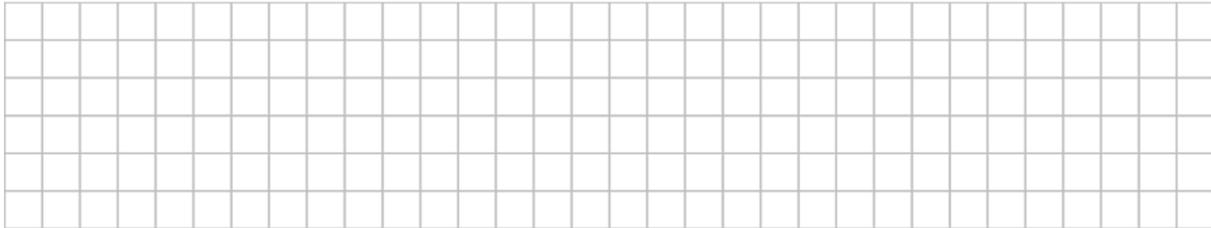
b)



c)



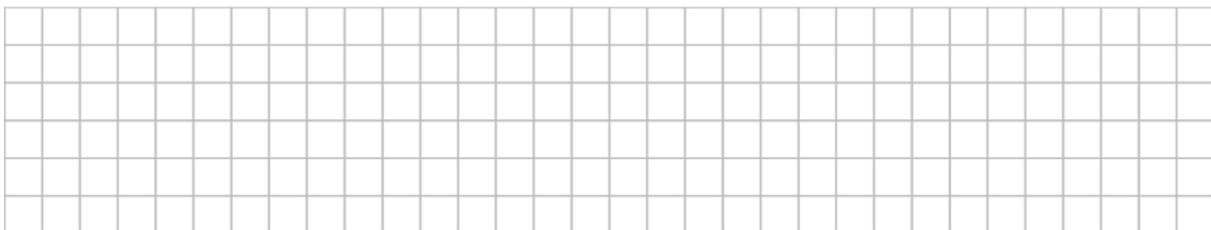
1) Bestimme die Intervalle, in denen $f(x) > g(x)$ gilt **graphisch**.



2) Stelle jeweils die Geradengleichungen mithilfe der gegebenen Geraden auf.

[\(Hilfe dazu erhältst du durch Klicken auf den Text oder durch den QR-Code:](#)

[„Steigungsdreieck, y-Achsenabschnitt und Zeichnen von Geraden“\)](#)

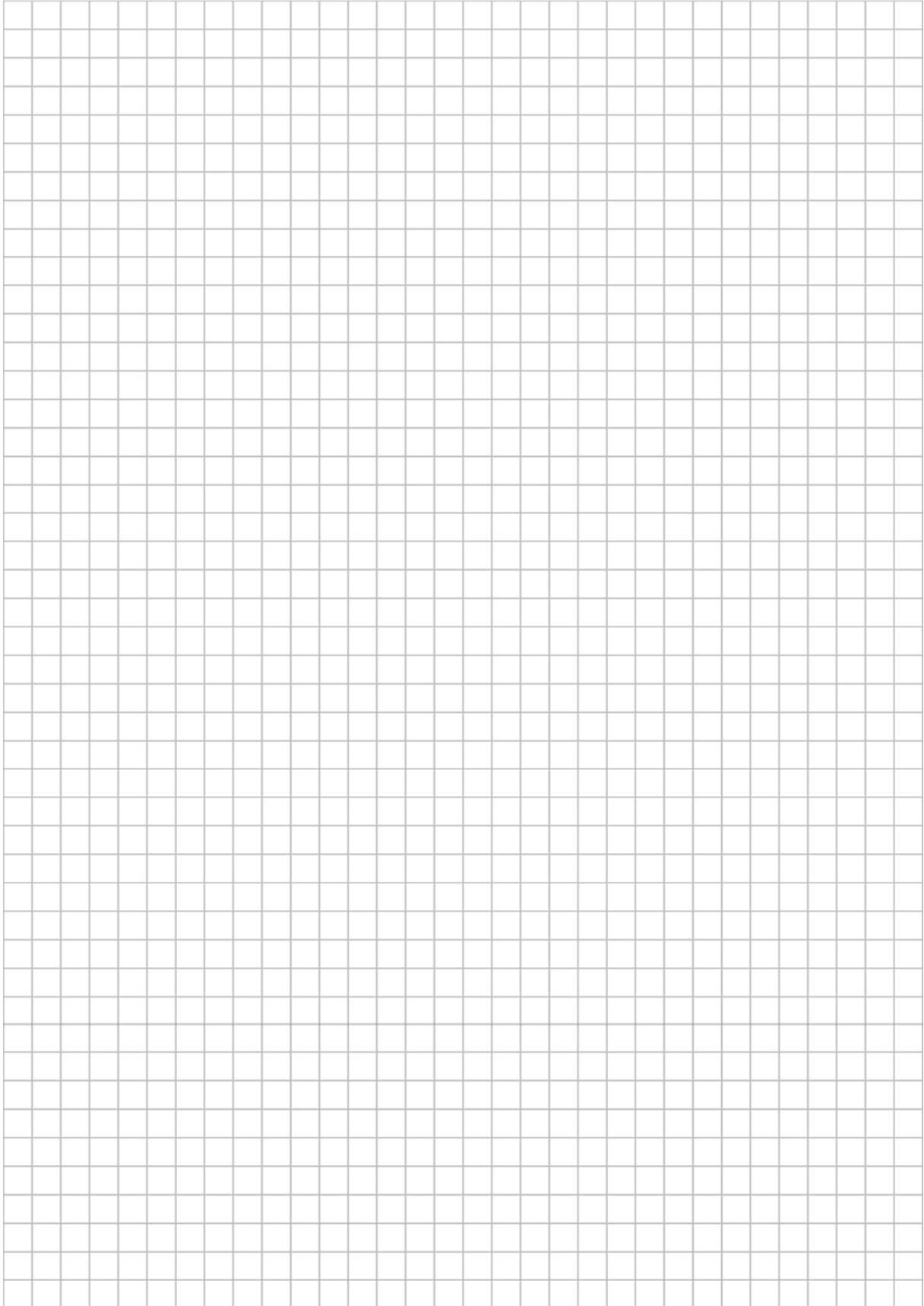


3) Überprüfe deine Ergebnisse aus 1), indem du die Ungleichung $f(x) > g(x)$ **rechnerisch** löst.



9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

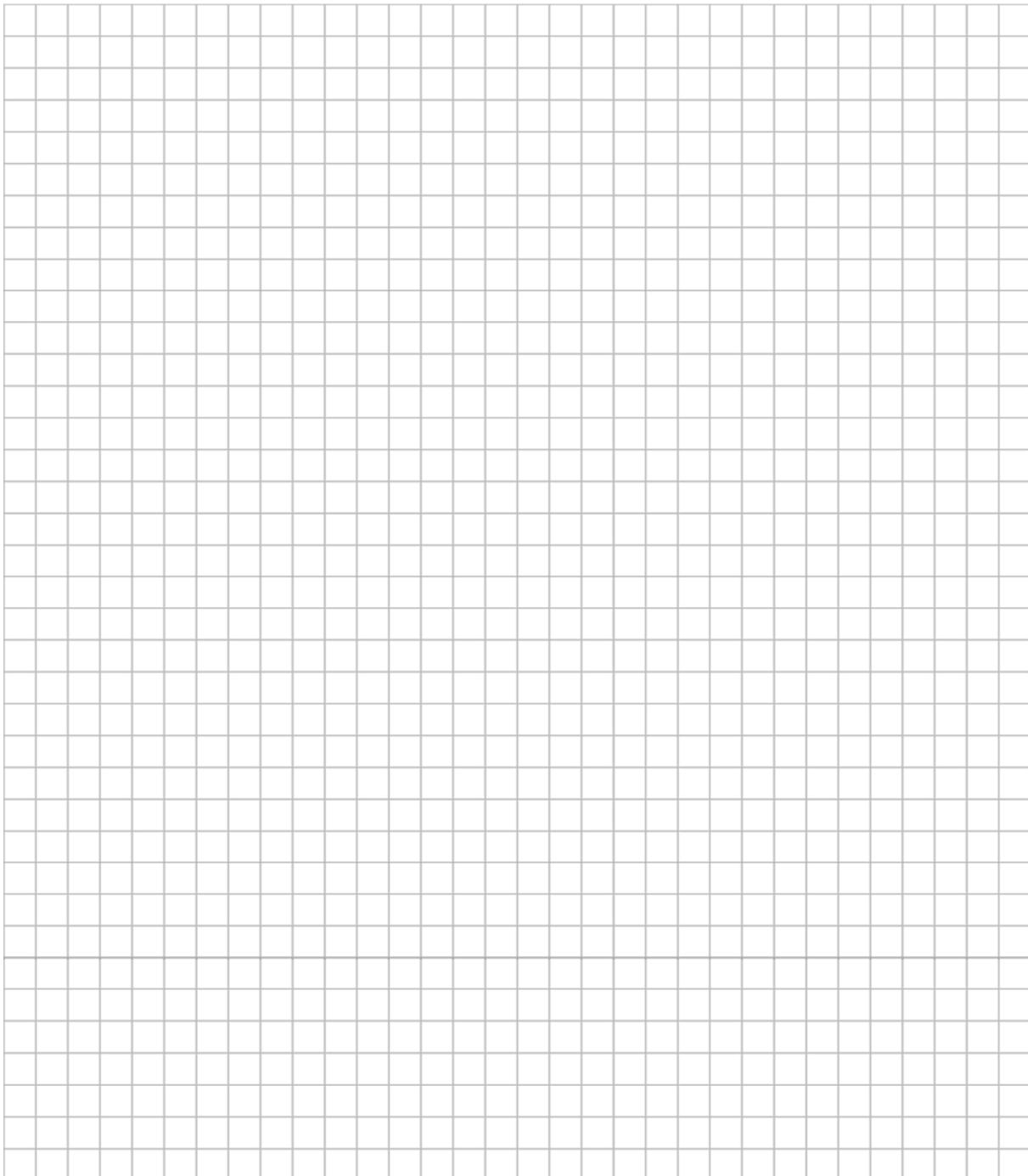
- 4) Zeichne zwei Geraden, die du dir selber aussuchst in ein Koordinatensystem. Lasse anschließend die Aufgaben 1)-3) von deinem Banknachbarn lösen.



9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

Aufgabe 2: Gegeben sind im Folgenden die auf ihrem maximalen Definitionsbereich gegebenen Funktionen f und g . Die Graphen von f und g werden mit G_f und G_g bezeichnet. Bestimme die Intervalle, in denen $f(x) \leq g(x)$ gilt durch Rechnung.

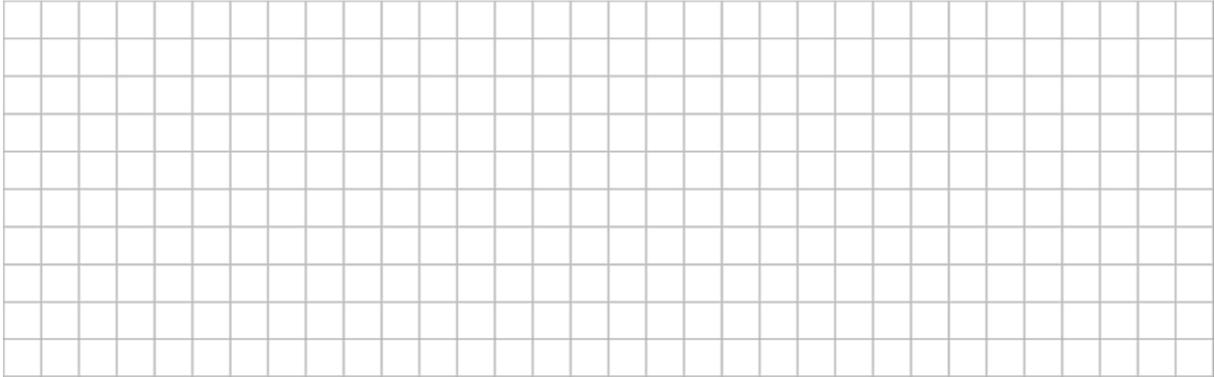
a)	$f(x) = \frac{1}{2}x - 3$ $g(x) = -\frac{1}{2}x + 2$	b)	$f(x) = x - 4$ $g(x) = -x$	c)	$f(x) = -\frac{1}{3}x + 4$ $g(x) = 2x + 1,5$	d)	$f(x) = -\frac{1}{3}x + 1$ $g(x) = -\frac{1}{3}x + 2$
e)	$f(x) = \frac{1}{2}x$ $g(x) = 1$	f)	$f(x) = -x - \frac{1}{8}$ $g(x) = -x + 4$	g)	$f(x) = -\frac{1}{8}x + \frac{1}{2}$ $g(x) = -\frac{1}{3}x + 0,5$	h)	$f(x) = -x - 1$ $g(x) = -\frac{1}{3}x - 9$



9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

Aufgabe 3: Entscheide jeweils, ob die folgenden Aussagen über zwei gegebene Funktionen f und g wahr oder falsch sind. Begründe deine Entscheidung.

a) Wenn die Graphen von f und g parallel sind, dann gilt $f(x) > g(x)$ auf ganz \mathbb{Q} .



b) Wenn auf einem gegebenen Intervall der Graph von f oberhalb des Graphen von g liegt, dann gilt in diesem Intervall $f(x) > g(x)$.



c) Die Lösungsmenge bei linearen Ungleichungen kann auch die leere Menge sein.



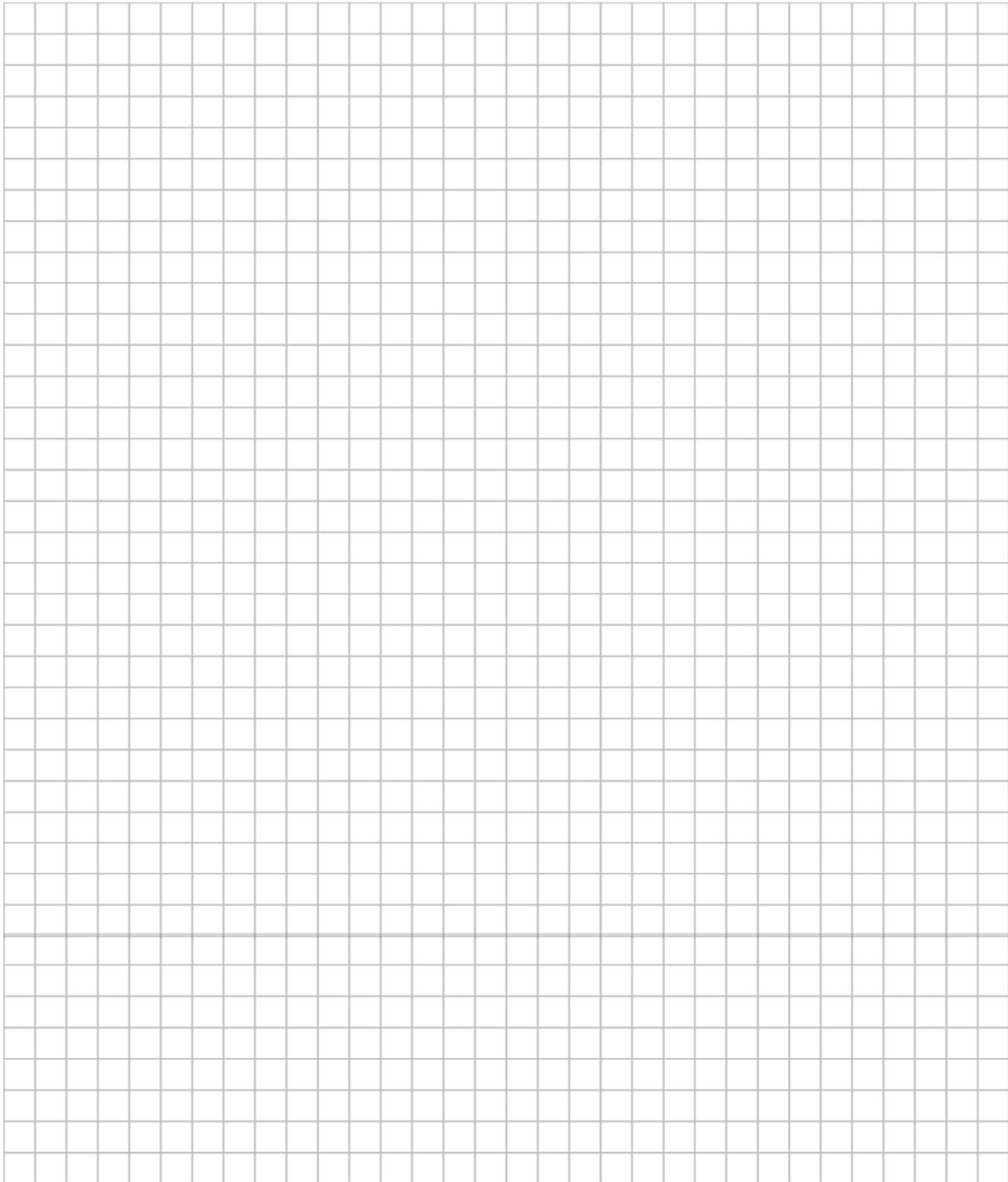
d) Wenn $f(x) = 2$ gilt, dann schneiden sich die Graphen von f und g an der Stelle $x = 2$.



9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

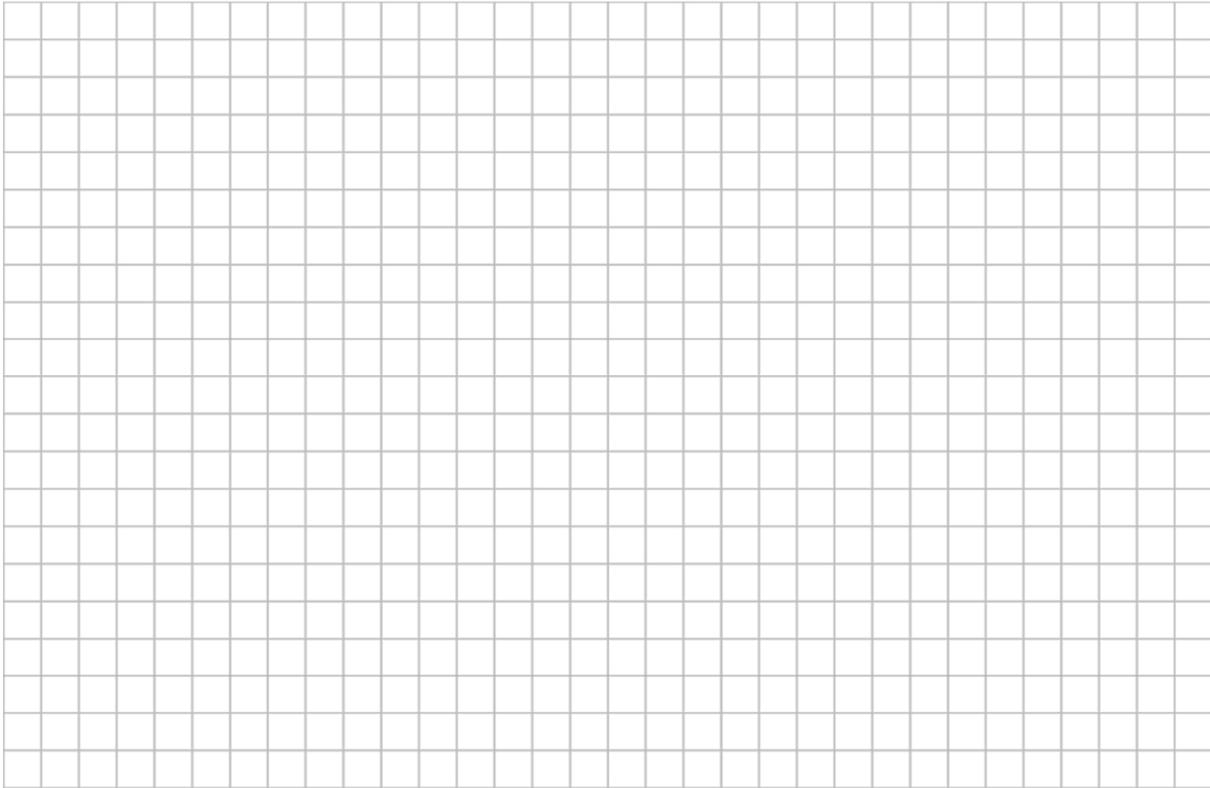
Aufgabe 4: Gegeben sind im Folgenden verschiedene Ungleichungen. Bestimme mithilfe von Äquivalenzumformungen die Lösungsmenge \mathbb{L} über der Grundmenge \mathbb{Q} .

a)	$5x - 3 < 7$	b)	$2x - 4 \geq 8$	c)	$-4x + 4 < x + 2$
d)	$-\frac{1}{3}x + 1 > \frac{1}{2}x - 1$	e)	$\frac{1}{2}a - 5 \leq 2a$	f)	$-a - \frac{1}{8} < 3(2a + 1)$
g)	$\frac{1}{3}(a - 6) \leq -a$	h)	$\frac{3}{4}c - 5 \leq -\frac{1}{6}c$	i)	$\frac{1}{2}(3 - 2c) > -2(c + 1)$

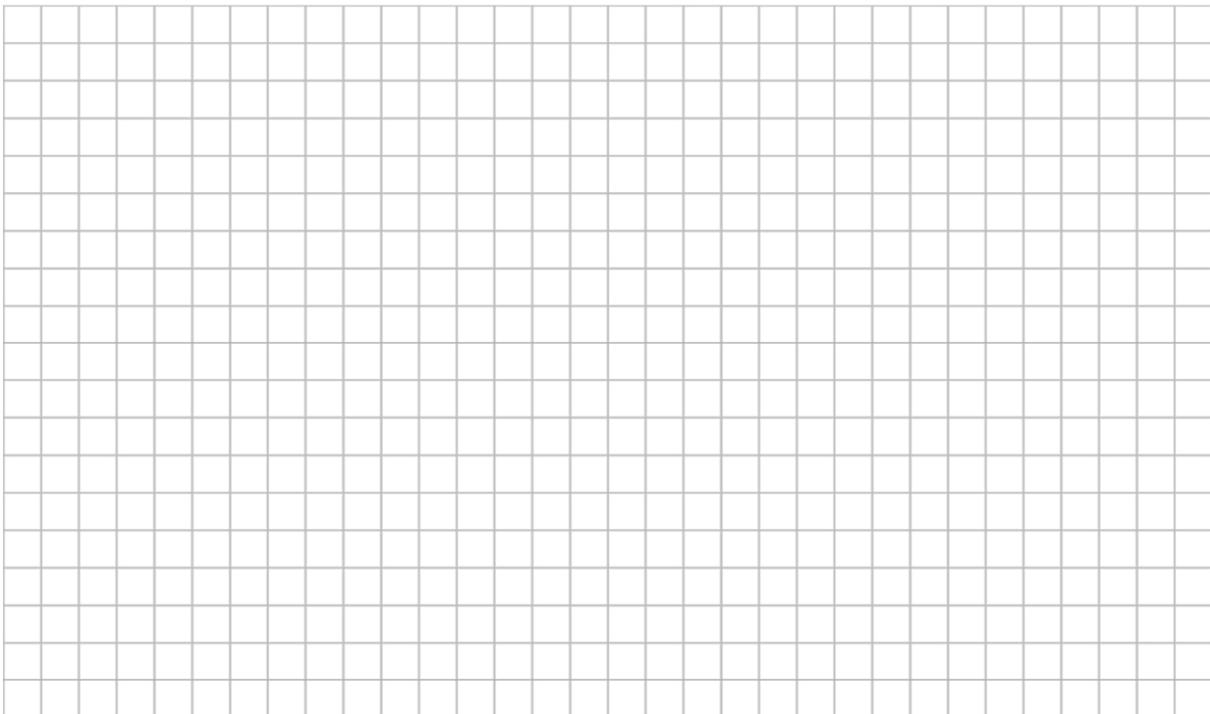


9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

- b) Stelle jeweils eine Funktionsgleichung für Unternehmen A und B auf, wobei x für die Länge der Fahrstrecke in Kilometern und y für die dazugehörigen Kosten in Euro steht.



- c) Bestimme, bis zu wie vielen Kilometern es sich finanziell lohnt mit Unternehmen A zu fahren.



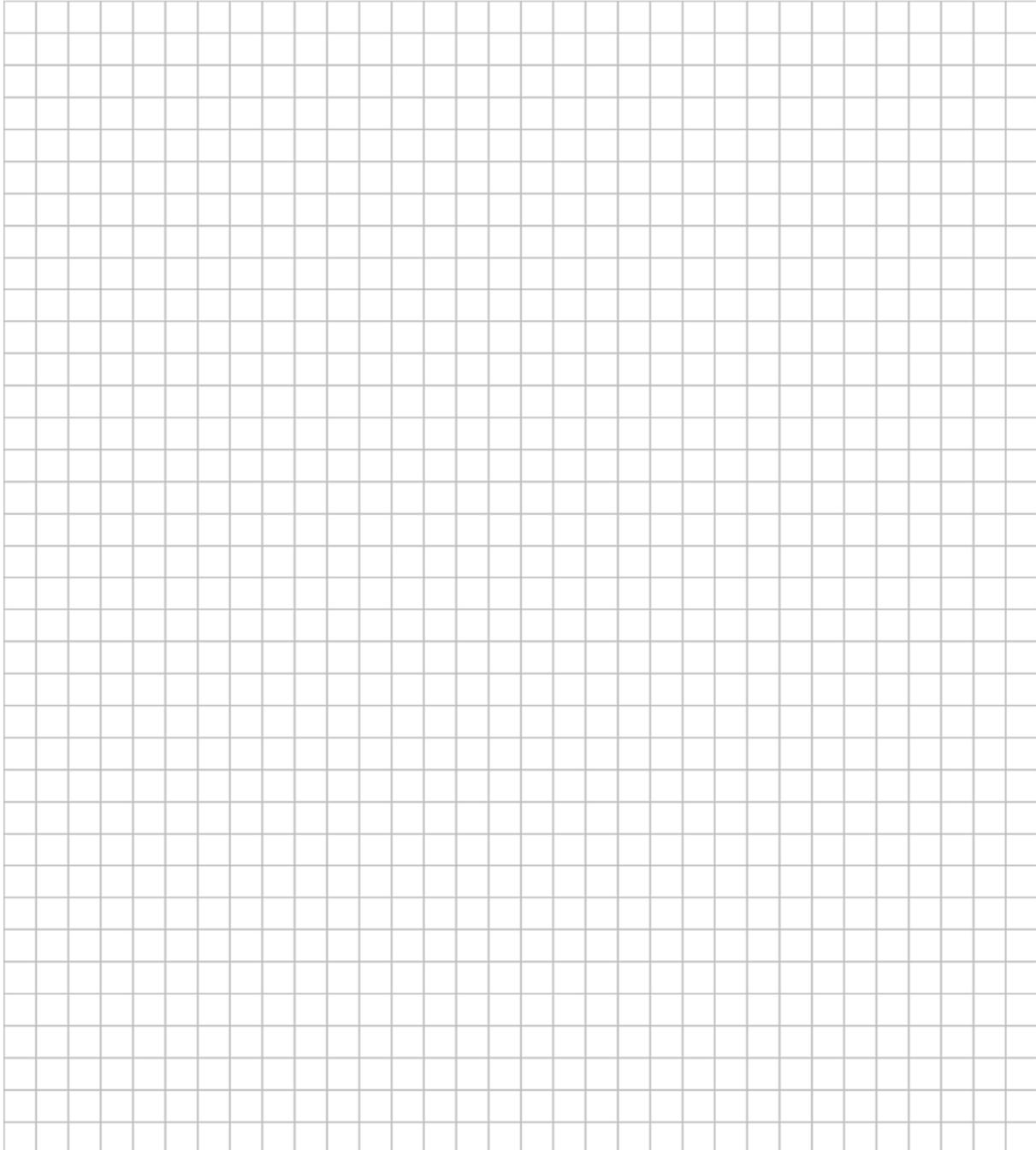
- d) Zeichne die zu den beiden Funktionsgleichungen zugehörigen Graphen mit Hilfe einer dynamischen Geometriesoftware. Löse anschließend Aufgabenstellung c) graphisch.

9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

Aufgabe 8: Gegeben sind im Folgenden jeweils zwei Ungleichungen.

a)	$x - 3 > 2$ $x + 2 < 10$	b)	$\frac{1}{2}x - 2 \leq \frac{1}{3}x$ $-x < -5 - \frac{1}{2}x$	c)	$-\frac{1}{3}x + 4 > \frac{1}{3}x + 2$ $2x + 1,5 > -\frac{3}{2} + x$	d)	$x + 1 < 0$ $x + 2 < 5$
e)	$\frac{1}{2}x \leq -\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}$ $2x > -2 + \frac{1}{4}x$	f)	$-x - \frac{1}{8} > \frac{3}{4} + x$ $x + \frac{1}{2} \geq \frac{1}{3}x + 2$	g)	$1 + \frac{1}{2}x < \frac{1}{8}(x + 4)$ $-\frac{1}{3}x + 0,5 \geq \frac{1}{4}x$	h)	$-(x - 1) \geq -\frac{1}{2}x$ $-\frac{1}{3}x + \frac{14}{12} \leq \frac{1}{4}x$

1) Bestimme jeweils, für welche Werte von x die beiden Ungleichungen erfüllt sind.



9 Lineare Ungleichungen lösen: Übungsaufgaben

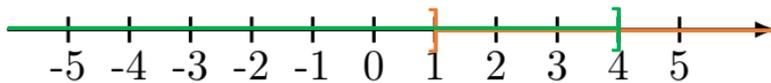
2) Veranschauliche die Intervalle jeweils auf einem gemeinsamen Zahlenstrahl.



3) Folgere daraus, für welche Werte von x jeweils beide Ungleichungen gleichzeitig erfüllt sind und gib das entsprechende Lösungsintervall an.

Beispiel:

$$\begin{array}{lcl} x - 1 > 0 & | +1 & x + 2 \leq 6 & | -2 \\ x > 1 & & x \leq 4 & \end{array}$$



$$\rightarrow 1 < x \leq 4; \mathbb{L} =]1; 4];$$

